

# تصحيح الفرض الثاني النموذج A للدورة الثانية

التمرين 1 :

1 - حدد إحداثي كل من المتجهة  $\overrightarrow{EF}$  والنقطة  $M$

لدينا  $\overrightarrow{EF}(x_F - x_E; y_F - y_E)$

$\overrightarrow{EF}(-2 - 4; 5 - 3)$

إذن  $\overrightarrow{EF}(-6; 2)$

لنحدد إحداثيات النقطة  $M$

لدينا  $\overrightarrow{EF}(-6; 2)$

$2\overrightarrow{EF}(-6 \times 2; 2 \times 2)$

$2\overrightarrow{EF}(-12; 4)$

$\overrightarrow{EM}(x_M - x_E; y_M - y_E)$

$\overrightarrow{EM}(\textcolor{red}{x_M} - 4; \textcolor{violet}{y_M} - 3)$

وبما أن  $2\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{EM}$

$$\begin{cases} x_M - 4 = -12 \\ y_M - 3 = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_M = -12 + 4 = -8 \\ y_M = 4 + 3 = 7 \end{cases}$$

إذن  $M(-8; 7)$

2 - أحسب المسافتين  $OE$  و  $EF$

لدينا  $\overrightarrow{EF}(-6; 2)$

$$EF = \sqrt{(-6)^2 + 2^2} = \sqrt{36 + 4} = \sqrt{40}$$

لدينا  $\overrightarrow{OE}(x_E - x_O; y_E - y_O)$

$\overrightarrow{OE}(4 - 0; 3 - 0)$

إذن  $\overrightarrow{OE}(4; 3)$

$$OE = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5$$

3 - حدد إحداثي  $K$  منتصف القطعة  $[EF]$

$$y_K = \frac{y_E + y_F}{2} \quad \text{و} \quad x_K = \frac{x_E + x_F}{2} \quad \text{لدينا}$$

$$y_K = \frac{3 + 5}{2} \quad \text{و} \quad x_K = \frac{4 + (-2)}{2}$$

$$y_K = \frac{8}{2} = 4 \quad \text{و} \quad x_K = \frac{4 - 2}{2} = \frac{2}{2} = 1$$

إذن  $K(1; 4)$

التمرين 2 :

1 - حدد إحداثي النقط  $E$  و  $F$  و  $G$

$$G(2; 3) \quad E(-2; 1) \quad F(2; -1)$$

2 - بين أن المعادلة المختصرة للمستقيم  $(EF)$  هي:

لتحقق أن إحداثي  $E$  و  $F$  تحققان المعادلة:

$$y = -x + 1$$

$$-x_E + 1 = -(-2) + 1 = 2 + 1 = 3 = y_E$$

$$-x_F + 1 = -2 + 1 = -1 = y_F$$

إذن إحداثي  $E$  و  $F$  تحققان المعادلة:

$$y = -x + 1$$

وبالتالي المعادلة المختصرة للمستقيم  $(EF)$  هي:

$$(EF) : y = -x + 1$$

3 - أوجد المعادلة المختصرة للمستقيم  $(D)$  المار من

النقطة  $G$ :

لدينا  $(D) // (EF)$  إذن لهما نفس الميل

$$m_{(D)} = m_{(EF)} = -1 \quad \text{أي}$$

$(D) : y = -x + p$  تكتب: إذن معادلة  $(D)$

ولدينا  $G(2; 3) \in (D)$

$$\textcolor{violet}{y}_G = -\textcolor{red}{x}_G + p \quad \text{إذن}$$

$$3 = -2 + p$$

$$3 + 2 = p$$

$$p = 5$$

وبالتالي المعادلة هي:  $(D) : y = -x + 5$

$$\begin{aligned}
 a &= \frac{f(1) - f(0)}{1 - 0} \\
 &= \frac{0 - 2}{1} = \frac{-2}{1} = -2 \\
 f(x) &= -2x + b \quad \text{إذن} \\
 f(0) &= 2 \quad \text{وبما أن} \\
 f(0) &= -2 \times 0 + b \\
 2 &= 0 + b \\
 b &= 2
 \end{aligned}$$

ب - حدد العدد الذي صورته 12 - بالدالة  $f$ .

$$\begin{aligned}
 f(x) &= -12 \quad \text{لحل المعادلة} \\
 -2x + 2 &= -12 \\
 -2x &= -12 - 2 \\
 x &= \frac{-14}{-2} \\
 x &= 7
 \end{aligned}$$

إذن العدد الذي صورته 12 - بالدالة  $f$  هو 7

4 - أوجد المعادلة المختصرة لل المستقيم ( $\Delta$ ) العمودي على المستقيم ( $EF$ ) في النقطة  $J$

بما أن  $\Delta \perp EF$  إذن جداء ميليهما يساوي -1

$$m_{(\Delta)} \times m_{(EF)} = -1$$

$$m_{(\Delta)} \times (-1) = -1$$

$$m_{(\Delta)} = \frac{-1}{-1} = 1$$

$$(\Delta) : y = x + p \quad \text{ومنه}$$

$$J(0; 1) \in (\Delta) \quad \text{وبما أن}$$

$$\text{إذن } y_J = x_J + p$$

$$1 = 0 + p$$

$$p = 1$$

$$(\Delta) : y = x + 1 \quad \text{وبالتالي}$$

### التمرين 3 :

أ - حدد معامل الدالة  $g$  واستنتج صيغتها.

$$\begin{aligned}
 g(x) &= ax \quad \text{إذن } g \\
 g(4) &= 2 \quad \text{ولدينا } g \text{ تمر من النقطة } A(4; 2) \text{ إذن }
 \end{aligned}$$

$$a = \frac{g(x)}{x} = \frac{g(4)}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$$g(x) = \frac{1}{2}x \quad \text{إذن صيغتها هي :}$$

ب - أحسب  $g(-4)$

$$g(x) = \frac{1}{2}x \quad \text{لدينا}$$

$$g(-4) = \frac{1}{2} \times (-4) = \frac{-4}{2} = -2$$

أ - بين أن :  $f(x) = -2x + 2$

لدينا  $f$  دالة تالية إذن :

$$f(1) = 0 \quad f(0) = 2 \quad \text{حيث}$$