

الدرس : معادلة مستقيم

الامتدادات	القدرات المستهدفة	المكتسبات القبلية
- النظمات - الهندسة التحليلية	- معرفة وتحديد المعادلة المختصرة لمعادلة مستقيم - التعرف على خاصية توازي مستقيمين - التعرف على خاصية تعامد مستقيمين	- المعلم في المستوى - المعادلات

مضامين الدرس وهيكله

1- المعادلة المختصرة لمستقيم غير مواز لمحور الأرتاب

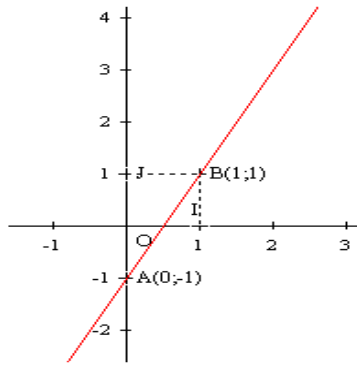
2- شرط توازي مستقيمين

3- شرط تعامد مستقيمين

الوسائل اليداكتيكية : الكتاب المدرسي – السبورة – الطباشير -

المسطرة – الكوس - البركار

الملاحظات	المحتوى	المراحل									
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط</p> <p>f دالة معرفة كالتالي : $f(x) = 5x + 1$</p> <p>1- حدد معامل الدالة f</p> <p>2 - أحسب $f(0)$ و $f(-3)$</p> <p>3 - أنشئ التمثيل المبياني للدالة f</p>	<p>أنشطة تشخيصية</p>									
المدة: 20 دقائق	<p>نشاط</p> <p>1- f دالة تألفية معرفة بما يلي: $f(x) = -2x + 1$</p> <p>أ- أحسب: $f(1/2)$, $f(1)$, $f(0)$</p> <p>ب- أنشئ التمثيل المبياني (D) للدالة f في معلم متعامد منظم.</p> <p>ج- هل النقط: $A(0;1)$, $B(1;-1)$, $C(-1;1)$, $D(1/2;0)$ تنتمي إلى المستقيم (D).</p> <p>2- $M(x;y)$ نقطة من (AB) حيث: M تخالف A و B</p> $\frac{y - y_A}{x - x_A} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$ <p>أ- بين أن:</p> <p>ب- استنتج أن $y = -2x + 1$</p>	<p>أنشطة بنائية</p>									
	<p>1- المعادلة المختصرة لمستقيم غير مواز لمحور الأرتاب</p> <p>تعريف</p> <p>العلاقة $y = ax + b$ التي تميز نقط المستقيم (AB) تسمى معادلة المستقيم (AB) ليكن معلما متعامدا منظمًا</p> <p>المعادلة المختصرة لمستقيم (D) غير مواز لمحور الأرتاب هي: $y = ax + b$: العدد a يسمى المعامل الموجه أو ميل المستقيم (D) العدد b يسمى الأرتوب عند الأصل</p>	<p>ملخص الدروس</p>									
المدة: 10 دقائق	<p>مثال</p> <p>نعتبر (D) مستقيم معادلته المختصرة هي : $y = 2x - 1$ (D)</p> <p>ميل المستقيم (D) هو العدد 2 ميل المستقيم الأرتوب عند الأصل هو العدد - 1</p> <p>لننشئ المستقيم (L) الذي معادلته المختصرة هي : $y = 2x - 1$ (L)</p> <table border="1"> <tbody> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>-1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>$M(x; y)$</td> <td>$A(0; -1)$</td> <td>$B(1; 1)$</td> </tr> </tbody> </table>	x	0	1	y	-1	1	$M(x; y)$	$A(0; -1)$	$B(1; 1)$	
x	0	1									
y	-1	1									
$M(x; y)$	$A(0; -1)$	$B(1; 1)$									



خاصية

إذا كان المستقيم (D) الذي معادلته $y=ax+b$, يمر من نقطتين مختلفتين $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ فإن المعامل الموجه يساوي: $a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A}$ مع $x_B \neq x_A$

مثال

لنحدد المعادلة المختصرة للمستقيم (AB) بحيث : $A(1; -2)$ و $B(-2; 3)$
لدينا المعادلة المختصرة للمستقيم (AB) على شكل : $(AB) : y = mx + p$
لنحدد m :

$$لدينا : m = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = \frac{-2 - 3}{1 + 2} = \frac{-5}{3}$$

$$إذن : (AB) : y = \frac{-5}{3}x + p$$

لنحدد p

بما أن النقطة $A(1; -2)$ تنتمي إلى المستقيم (AB) فإن

$$- 2 = \frac{-5}{3} \times 1 + p$$

$$- 2 = \frac{-5}{3} + p$$

$$p = - 2 + \frac{5}{3}$$

$$p = \frac{- 6 + 5}{3}$$

$$p = \frac{- 1}{3}$$

و بالتالي فإن المعادلة المختصرة للمستقيم (AB) هي : $(AB) : y = \frac{-5}{3}x - \frac{1}{3}$

تمرين تطبيقي

حدد معادلة المستقيم (AB) في كل الحالات التالية:

1- $A(1; -2)$ و $B(-1; 3)$

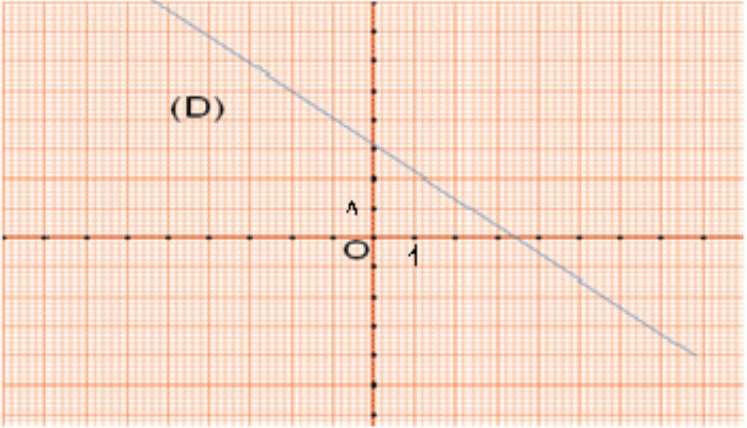
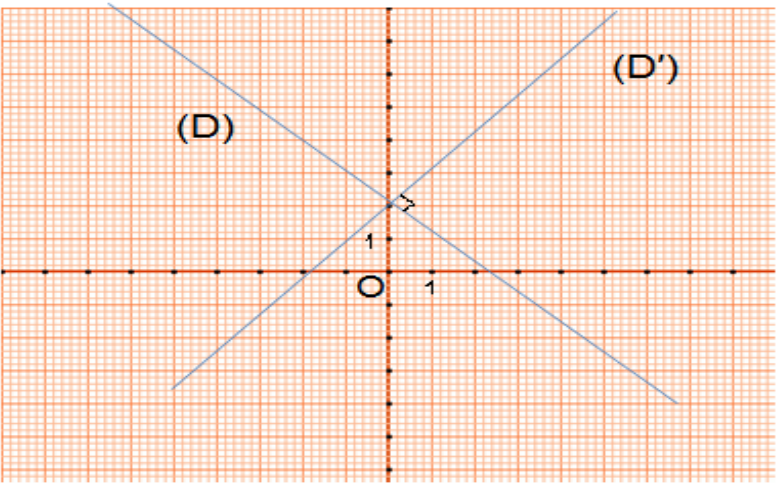
2- $A(2; -1)$ و $B(2; 3)$

2- $A(1; 4)$ و $B(-3; 4)$

أنشطة تقوية

المدة: 15 دقائق

الملاحظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p>نشاط</p> <p>حدد معادلة المستقيم المار من النقطة $A(3;1)$ و معامله الموجه 2</p>	<p>أنشطة تشخيصية</p>
المدة: 20 دقائق	<p>نشاط</p> <p>(O, I, J) معلم متعامد ممنظم $(D): y = mx + p$ و $(D'): y = m'x + p'$ A و B نقطتان من (D) بحيث: $A(1; y_1)$ و $B(0; y_2)$ A' و B' نقطتان من (D') بحيث: $A'(1; y_3)$ و $B'(0; y_4)$ 1- أحسب الأرتيب y_1 و y_2 و y_3 و y_4 2- بين أن متوازي أضلاع $B'A'AB$ متوازي أضلاع ثم استنتج أن $(D') // (D)$</p>	<p>أنشطة بنائية</p>
المدة: 10 دقائق	<p>2- شرط توازي مستقيمين خاصية</p> <p>ليكن (D) و (D') مستقيمين بحيث: $(D) := ax + b$ و $(D') := a'x + b'$ إذا كان $a = a'$ فإن $(D') // (D)$ إذا كان $a \neq a'$ فإن $(D') \not// (D)$</p>	<p>ملخص الدروس</p>
	<p>مثال</p> <p>لدينا المستقيمين (D) و (D') متوازيان بحيث (D) معرف بالمعادلة $y = \frac{1}{2}x + 3$ و (D') يمر من النقطة $A(2; -1)$ لنحدد المعادلة المختصرة للمستقيم (D') لدينا $(D') // (D)$ إذن $a = a' = \frac{1}{2}$ وبالتالي فإن معادلة المستقيم $y = \frac{1}{2}x + b'$ و بما أن المستقيم يمر من A فإن $y_A = \frac{1}{2}x_A + b'$ إذن المعادلة المختصرة ل (D') $y = \frac{1}{2}x - 2$</p>	
	<p>تمرين تطبيقي</p> <p>في كل حالة حدد معادلة المستقيم الذي يمر من النقطة $N(9,6)$ و الموازي لكل من المستقيمات التالية:</p> <p>$(M): y = 3x + 4$; $(D): y = -\frac{7}{4}x$; $(H): y = \frac{4}{3}x - 12$</p>	<p>أنشطة تقويمية</p>

الملاحظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p style="text-align: right;"><u>نشاط</u></p>  <p style="text-align: center;">حدد المعادلة المختصرة للمستقيم (D)</p>	<p style="text-align: center;"><u>أنشطة</u> <u>تشخيصية</u></p>
المدة: 20 دقائق	<p style="text-align: right;"><u>نشاط</u></p>  <p>في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم (O ; J ; I) نعتبر المستقيمين (D) و (D') متعامدان</p> <p>1- حدد المعادلة المختصرة للمستقيمين (D) و (D')</p> <p>2- قارن المعادلتين المختصرتين ل (D) و (D')</p> <p>3- ماذا تلاحظ؟</p>	<p style="text-align: center;"><u>أنشطة</u> <u>بنائية</u></p>
المدة: 10 دقائق	<p style="text-align: right;"><u>3- شرط تعامد مستقيمين</u> <u>خاصية</u></p> <p>ليكن (D) و (D') مستقيمان بحيث:</p> $(D) := ax + b \quad \text{و} \quad (D') := a'x + b'$ <p>إذا كان $a \times a' = -1$ فإن $(D) \perp (D')$</p> <p>إذا كان $(D) \perp (D')$ فإن $a \times a' = -1$</p>	<p style="text-align: center;"><u>ملخص</u> <u>الدروس</u></p>

الموضوع: شرط تعامد مستقيمين

مثال

في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم نعتبر (D) معادلته المختصرة هي :

$$(D): y = 2x - 1$$

لنحدد معادلة المستقيم (Δ) المار من النقطة $A(-1;2)$ و الموازي للمستقيم (D)

لدينا المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ) هي : $(\Delta): y = mx + p$

بما أن $(\Delta) \perp (D)$ فإن :

$$m \times 2 = -1$$

$$m = \frac{-1}{2}$$

$$\text{إذن : } (\Delta): y = \frac{-1}{2}x + p$$

بما أن $A \in (\Delta)$ فإن :

$$2 = \frac{-1}{2} \times (-1) + p$$

$$2 = \frac{1}{2} + p$$

$$p = 2 - \frac{1}{2}$$

$$p = \frac{3}{2}$$

و بالتالي فإن المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ) هي : $(\Delta): y = \frac{-1}{2}x + \frac{3}{2}$

تمرين تطبيقي

في كل حالة حدد معادلة المستقيم الذي يمر من النقطة $M(9,6)$ وعمودي على المستقيمت التالية:

$$(E): y=3x+6 \quad ; \quad (D): y=-\frac{7}{4}x \quad ; \quad (H): y = \frac{4}{3}x - 12$$

**أنشطة
تقوية**

المدة: 15 دقائق