

## الدرس : الحساب المثلثي

الامتدادات	القدرات المستهدفة	المكتسبات القبلية
<ul style="list-style-type: none"><li>- مسائل هندسية</li><li>- الجداء السلمي</li><li>- الفيزياء</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- التعرف على جيب وظل زاوية حادة</li><li>- استعمال العلاقات بين جيب وجيب تمام و ظل زاوية و طولي ضلعين في مثلث قائم الزاوية</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- جيب تمام زاوية حادة</li><li>- فيتاغورس</li><li>- طاليس</li></ul>

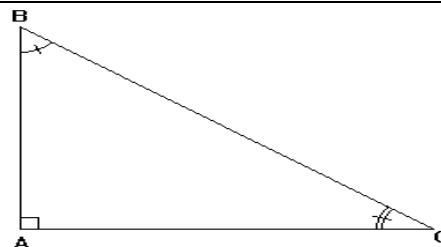
### مضامين الدرس و هيكله

- 1- النسب المثلثية
- 2- العلاقة بين جيب تمام وجيب وظل زاوية حادة
- 3- النسب المثلثية لزوايتين متتامتان

**الوسائل الديداكتيكية**: الكتاب المدرسي – السبورة – الطباشير -  
Data show - المسطرة- الكوس – البركار

**الموضوع: النسب المثلثية**

<b>الملحوظات</b>	<b>المحتوى</b>	<b>المراحل</b>
المدة: 10 دقائق	<p>أوجد العدد الحقيقي <math>a</math> في كل حالة من الحالات التالية :</p> $\frac{a}{12} = \frac{2}{3} \quad , \quad \frac{15}{a} = \frac{3}{5} \quad , \quad \frac{a}{2} = \frac{21}{-6} \quad , \quad \frac{5}{a} = \frac{-1}{4}$	<u>نشاط</u> <b>تشخيصية</b>
المدة: 20 دقيقة	<p>ABC مثلث قائم الزاوية في C، E نقطة من [AB]، D على (AC) والمار من E بحيث يقطع (AC) في D.</p> <p>- بين أن : <math>\frac{AC}{AB} = \frac{AD}{AE}</math></p> <p>( العدد <math>\frac{AC}{AB}</math> يسمى جيب تمام الزاوية <math>B\hat{A}C</math> ونرمز له بالرمز : <math>\cos B\hat{A}C</math>)</p> <p>- بين أن : <math>\frac{DE}{AE} = \frac{CB}{AB}</math></p> <p>( العدد <math>\frac{CB}{AB}</math> يسمى جيب تمام الزاوية <math>B\hat{A}C</math> ونرمز له بالرمز : <math>\sin B\hat{A}C</math>)</p> <p>- بين أن : <math>\frac{DE}{AD} = \frac{BC}{AC}</math></p> <p>( العدد <math>\frac{BC}{AC}</math> يسمى جيب تمام الزاوية <math>B\hat{A}C</math> ونرمز له بالرمز : <math>\tan B\hat{A}C</math>)</p>	<u>نشاط</u> <b>بنائية</b>
المدة: 10 دقائق	<p>- جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم الزاوية يساوي خارج طول الضلع المحادى للزاوية الحادة على طول الوتر</p> <p>- جيب زاوية حادة في مثلث قائم الزاوية يساوي خارج طول الضلع المقابل على طول الوتر</p> <p>- ظل زاوية حادة في مثلث قائم الزاوية يساوي خارج طول الضلع المقابل لهذه الزاوية على طول الضلع المحادى لها.</p>	<b>1- النسب المثلثية</b> <u>تعريف</u> <b>ملخص الدروس</b>

**الموضوع: النسب المثلثية**

[AB] هو الضلع المحادى للزاوية  $A\hat{C}B$  ، والمقابل للزاوية

[AC] هو الضلع المقابل للزاوية  $A\hat{B}C$  ، والمحادى للزاوية

[CB] هو الوتر

$$\cos A\hat{C}B = \frac{AC}{BC} \quad , \quad \cos A\hat{B}C = \frac{AB}{BC}$$

$$\sin A\hat{C}B = \frac{AB}{BC} \quad , \quad \sin A\hat{B}C = \frac{AC}{BC}$$

$$\tan A\hat{C}B = \frac{AB}{AC} \quad , \quad \tan A\hat{B}C = \frac{AC}{AB}$$

**مثال 2**

مثلث قائم الزاوية في  $ABC$

حيث :  $AC = 4 \text{ cm}$  و  $AB = 3 \text{ cm}$  و  $BC = 5 \text{ cm}$

لحسب النسب المثلثية للزاوية  $A\hat{C}B$

$$\cos A\hat{C}B = \frac{4}{5} \quad \text{لدينا :} \quad \cos A\hat{C}B = \frac{AC}{BC} \quad \text{إذن :}$$

$$\sin A\hat{C}B = \frac{3}{5} \quad \text{لدينا :} \quad \sin A\hat{C}B = \frac{AB}{BC} \quad \text{إذن :}$$

$$\tan A\hat{C}B = \frac{3}{4} \quad \text{لدينا :} \quad \tan A\hat{C}B = \frac{AB}{AC} \quad \text{إذن :}$$

**تمرين تطبيقي**

مثلث قائم الزاوية في  $A$  حيث :  $AB = 8 \text{ cm}$  و  $AC = 6 \text{ cm}$

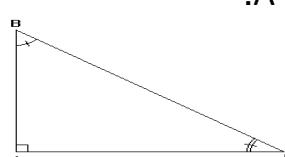
- احسب  $BC$  -1

- احسب النسب المثلثية للزاوية  $A\hat{C}B$  -2

**أنشطة تقويمية**

المدة: 15 دقائق

## الموضوع: العلاقة بين جيب تمام وجيب وظل زاوية حادة

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p><b>نشاط</b> <math>\triangle ABC</math> مثلث قائم الزاوية في <math>A</math> بحيث: <math>BC = \sqrt{13}</math> و <math>AB = 2 \text{ cm}</math> و <math>AC = 3 \text{ cm}</math> احسب النسب المثلثية للزاوية <math>A\hat{C}B</math></p> 	<u>أنشطة</u> <u>تشخيصية</u>
المدة: 20 دقيقة	<p><b>نشاط</b> <math>\triangle ABC</math> مثلث قائم الزاوية في <math>A</math>.</p> <p>1 - بين أن: <math>0 &lt; \cos A\hat{C}B &lt; 1</math> و <math>0 &lt; \sin A\hat{B}C &lt; 1</math></p> <p>2 - بين أن: <math>(\sin A\hat{B}C)^2 + (\cos A\hat{B}C)^2 = 1</math></p> <p>3 - بين أن: <math>\tan A\hat{B}C = \frac{\sin A\hat{B}C}{\cos A\hat{B}C}</math></p>	<u>أنشطة</u> <u>بنائية</u>
	<p><b>2- العلاقة بين جيب تمام وجيب وظل زاوية حادة</b></p> <p>ليكن <math>x</math> قياس زاوية حادة، لدينا: <math>0 &lt; \cos x &lt; 1</math> و <math>0 &lt; \sin x &lt; 1</math></p> $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x} \quad \text{و} \quad (\sin x)^2 + (\cos x)^2 = 1$	<u>ملخص</u> <u>الدروس</u>
المدة: 10 دقائق	<p><b>مثال</b></p> <p>لحساب <math>\cos x</math> و <math>\sin x</math> و <math>\tan x</math> علماً أن: <math>\cos x = \frac{2}{3}</math></p> <p>لدينا: <math>\cos^2 x + \sin^2 x = 1</math></p> <p>لدينا: <math>\sin^2 x = 1 - \cos^2 x = 1 - \left(\frac{2}{3}\right)^2 = 1 - \frac{4}{9} = \frac{9-4}{9} = \frac{5}{9}</math></p> <p>لدينا: <math>\sin x = \sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}</math></p> <p>لدينا: <math>\tan x = \frac{\sin x}{\cos x} = \frac{\frac{\sqrt{5}}{3}}{\frac{2}{3}} = \frac{\sqrt{5}}{2}</math></p> <p>لدينا: <math>\cos A\hat{C}B = \frac{4}{5}</math></p> <p>لدينا: <math>\sin A\hat{C}B = \frac{3}{5}</math></p> <p>لدينا: <math>\cos A\hat{C}B = \frac{AC}{BC}</math></p> <p>لدينا: <math>\sin A\hat{C}B = \frac{AB}{BC}</math></p>	
المدة: 15 دقيقة	<p><b>تمرين تطبيقي</b> قياس زاوية حادة <math>x</math></p> <p>احسب <math>\cos x</math> و <math>\sin x</math> و <math>\tan x</math> علماً أن: <math>\cos x = \frac{4}{7}</math></p>	<u>أنشطة</u> <u>تقويمية</u>

**الموضوع: النسب المثلثية لزوايتين متكاملان**

<b>الملحوظات</b>	<b>المحتوى</b>	<b>المراحل</b>
المدة: 10 دقائق	<p><b>نشاط</b></p> <p><math>\hat{A}</math> و <math>\hat{B}</math> زوايتان متكاملان. احسب <math>\hat{B}</math> في كل حالة:</p> $\hat{A} = 45^\circ ; \hat{A} = 37^\circ ; \hat{A} = 2^\circ$	<b>أنشطة تشخيصية</b>
المدة: 20 دقيقة	<p><b>نشاط</b></p> <p><math>ABC</math> مثلث قائم الزاوية في <math>A</math> بحيث <math>AB = 3</math> و <math>AC = 4</math> و <math>BC = 5</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1- احسب <math>A\hat{C}B + A\hat{B}C</math></li> <li>2- احسب <math>\tan A\hat{B}C</math> و <math>\sin A\hat{B}C</math> و <math>\cos A\hat{B}C</math></li> <li>3- احسب <math>\tan A\hat{C}B</math> و <math>\sin A\hat{C}B</math> و <math>\cos A\hat{C}B</math></li> <li>4- ماذا تلاحظ</li> <li>5- <math>x</math> قياس زاوية حادة</li> </ol> <p>اتم ما يلي : ... <math>\tan(90 - x) = \dots</math> <math>\cos(90 - x) = \dots</math> <math>\sin(90 - x) = \dots</math></p>	<b>أنشطة بنائية</b>
المدة: 10 دقائق	<p><b>تعريف</b></p> <p>إذا كانت زوايتين غير منعدمتين متكاملان، فإن:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- جيب كل منها يساوي جيب الأخرى</li> <li>- ظل كل منها يساوي مقلوب ظل الأخرى.</li> </ul> <p><b>مثال</b></p> <p><math>ABC</math> مثلث قائم الزاوية في <math>A</math></p> $\tan A\hat{B}C = \frac{1}{\tan A\hat{C}B} \quad \cos A\hat{C}B = \sin A\hat{B}C \quad \cos A\hat{B}C = \sin A\hat{C}B$	<b>ملخص الدروس</b>
المدة: 15 دقيقة	<p><b>تمرين تطبيقي</b></p> <p>بسط ما يلي :</p> $A = \cos 25^\circ + \cos 70^\circ - \sin 65^\circ + \sin 20^\circ$ $B = \sin 80^\circ + 7 \sin^2 50^\circ - \cos 10^\circ + 7 \sin^2 40^\circ$	<b>أنشطة تقويمية</b>