

**تصحيح الامتحانات الموحدة المحلية للقسام  
الثالثة إعدادي دورة يناير 2014**

الثانوية التأهيلية سيدى محمد بن عبد الله  
نيابة تنغير

المعلم: 1	مدة الإنجاز: ساعتان	مادة: <b>رياضيات</b>
-----------	---------------------	----------------------

**التمرين الأول:** (6 نقطه)

**1** أحسب وأبسط الأعداد التالية:

$$A = \sqrt{2} \times \sqrt{8} = \sqrt{2 \times 8} = \sqrt{16} = 4$$

1 نقطه

$$\begin{aligned} B &= \sqrt{18} + \sqrt{72} - 2\sqrt{32} = \sqrt{9 \times 2} + \sqrt{36 \times 2} - 2\sqrt{16 \times 2} \\ &= \sqrt{9} \times \sqrt{2} + \sqrt{36} \times \sqrt{2} - 2\sqrt{16} \times \sqrt{2} \\ &= 3\sqrt{2} + 6\sqrt{2} - 2 \times 4\sqrt{2} \\ &= 9\sqrt{2} - 8\sqrt{2} = \sqrt{2} \end{aligned}$$

1 نقطه

$$\begin{aligned} C &= \frac{5^{-7} \times 2^{-7}}{10^4 \times (10^{-2})^3} = \frac{(5 \times 2)^{-7}}{10^4 \times 10^{-2 \times 3}} = \frac{10^{-7}}{10^4 \times 10^{-6}} = \frac{10^{-7}}{10^{4+(-6)}} \\ &= \frac{10^{-7}}{10^{-2}} = 10^{-7-(-2)} = 10^{-5} \end{aligned}$$

1 نقطه

$$2\sqrt{16+6\sqrt{7}} - \sqrt{28}$$

استنتاج:

$$(3+\sqrt{7})^2$$

1,5 نقطه

$$\begin{aligned} 2\sqrt{16+6\sqrt{7}} - \sqrt{28} &= 2\sqrt{(3+\sqrt{7})^2} - \sqrt{4 \times 7} \\ &= 2(3+\sqrt{7}) - \sqrt{4} \times \sqrt{7} \\ &= 6 + 2\sqrt{7} - 2\sqrt{7} \\ &= 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3+\sqrt{7})^2 &= 3^2 + 2 \times 3 \times \sqrt{7} + \sqrt{7}^2 \\ &= 9 + 6\sqrt{7} + 7 = 16 + 6\sqrt{7} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{5+2\sqrt{6}} \quad \text{و} \quad \frac{3}{\sqrt{2}}$$

1,5 نقطه

$$\frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{2}^2} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{1}{5+2\sqrt{6}} = \frac{5-2\sqrt{6}}{(5+2\sqrt{6})(5-2\sqrt{6})} = \frac{5-2\sqrt{6}}{5^2 - (2\sqrt{6})^2} = \frac{5-2\sqrt{6}}{25-24} = 5-2\sqrt{6}$$

**التمرين الثاني: (3 نقط)**

$$B = (2x + 5)^2 - 36 \quad \text{و} \quad A = 2x^2 + 7x - 4 \quad \text{نعتبر التعبيرين:}$$

**1** أعمل  $B$ :

1 نقطه

لدينا:

$$\begin{aligned} B &= (2x + 5)^2 - 36 = (2x + 5)^2 - 6^2 \\ &= (2x + 5 - 6)(2x + 5 + 6) \\ &= (2x - 1)(2x + 11) \\ B &= (2x - 1)(2x + 11) \end{aligned}$$

ومنه

$$B - 2A = 3(2x - 1) \quad \text{أبين أن:}$$

1 نقطه

لدينا:

$$\begin{aligned} B - 2A &= (2x + 5)^2 - 36 - 2(2x^2 + 7x - 4) \\ &= (2x)^2 + 2 \times 2x \times 5 + 5^2 - 36 - 4x^2 - 14x + 8 \\ &= 4x^2 + 20x + 25 - 36 - 4x^2 - 14x + 8 \\ &= 4x^2 - 4x^2 + 20x - 14x + 25 - 36 + 8 \\ &= 6x - 3 = 3(2x - 1) \end{aligned}$$

ومنه

**3** أستنتج عملياً للعدد  $A$ :

1 نقطه

$$B - 2A = 3(2x - 1) \quad \text{لدينا:}$$

يعني

$$2A = B - 3(2x - 1) \quad \text{يعني}$$

يعني

$$2A = (2x - 1)(2x + 11) - 3(2x - 1) \quad \text{يعني}$$

يعني

$$2A = (2x - 1)(2x + 11 - 3) \quad \text{يعني}$$

يعني

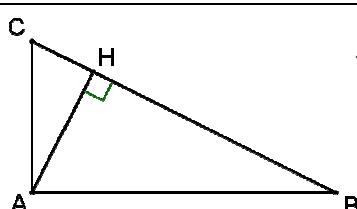
$$2A = (2x - 1)(2x + 8) \quad \text{يعني}$$

يعني

$$2A = (2x - 1)(x + 4) \quad \text{يعني}$$

يعني

$$A = (2x - 1)(x + 4) \quad \text{ومنه}$$

**التمرين الثالث: (3,5 نقط)****1** مثلث بحيث:  $ABC$ المسقط العمودي للنقطة  $A$  على  $(BC)$ أبين أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$ .

1,5 نقطه

لدينا طول أكبر ضلع في المثلث  $ABC$  هو

ومنه حسب مبرهنة فيتاغورس العكسية

$$BC^2 = (2\sqrt{5})^2 = 2^2 \times \sqrt{5}^2 = 4 \times 5 = 20 \quad \text{و}$$

فإن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$ .

$$AB^2 + AC^2 = 4^2 + 2^2 = 16 + 4 = 20 \quad \text{و}$$

$$BC^2 = AB^2 + AC^2 \quad \text{إذن}$$

.  $BH$  ③ أحسب

لدينا حسب مبرهنة فيتاغورس المباشرة في المثلث

:  $H$  القائم الزاوية في  $ABH$

$$AB^2 = AH^2 + BH^2$$

$$BH^2 = AB^2 - AH^2$$

يعني

$$BH^2 = 4^2 - \left(\frac{4}{\sqrt{5}}\right)^2$$

يعني

$$BH^2 = 16 - \frac{16}{5} = \frac{64}{5}$$

يعني

$$BH = \sqrt{\frac{64}{5}} = \frac{8}{\sqrt{5}} = \frac{8\sqrt{5}}{5}$$

ومنه

$$\text{أبين أن: } ② AH = \frac{4\sqrt{5}}{5}$$

لدينا المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $A$  ، و

المسقط العمودي للنقطة  $A$  على  $(BC)$ .

نقطة 1 +

$$AB \times AC = AH \times BC \quad \text{إذن}$$

$$AH = \frac{AB \times AC}{BC} \quad \text{يعني}$$

$$AH = \frac{4 \times 2}{2\sqrt{5}} \quad \text{يعني}$$

$$AH = \frac{4}{\sqrt{5}} = \frac{4\sqrt{5}}{5} \quad \text{ومنه}$$

### التمرین الرابع: (3 نقط)

.  $\alpha$  قیاس زاویة حادة بحيث:  $\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$  ، أحسب  $\sin \alpha$  و  $\cos \alpha$  ①

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \quad \text{ولدينا:}$$

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1 \quad \text{نعلم أن:}$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha \quad \text{يعني}$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 \quad \text{يعني}$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{4} \quad \text{يعني}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2} \quad \text{ومنه}$$

$$\tan \alpha = \frac{1}{\frac{2}{\sqrt{3}}} = \frac{1}{\frac{2}{\sqrt{3}}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} \quad \text{يعني}$$

$$\tan \alpha = \frac{1}{\sqrt{3}} \quad \text{يعني}$$

$$\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3} \quad \text{ومنه}$$

نقطة 1 +

نقطة 1 +

.  $X = \cos 14^\circ + \sin^2 28^\circ + \sin^2 62^\circ - \sin 76^\circ - 2 \tan 35^\circ \times \tan 55^\circ$  ② أحسب:

نعلم أنه إذا كانت زاويتان متكاملتين فإن جيب إحداهما يساوي جيب تمام الأخرى وظل إحداهما هو مقلوب ظل الأخرى.

إذن:

$$X = \cos 14^\circ - \sin 76^\circ + \sin^2 28^\circ + \sin^2 62^\circ - 2 \tan 35^\circ \times \tan 55^\circ$$

$$= \cos 14^\circ - \cos 14^\circ + \sin^2 28^\circ + \cos^2 28^\circ - 2 \tan 35^\circ \times \frac{1}{\tan 35^\circ}$$

$$= 0 + 1 - 2$$

$$= -1$$

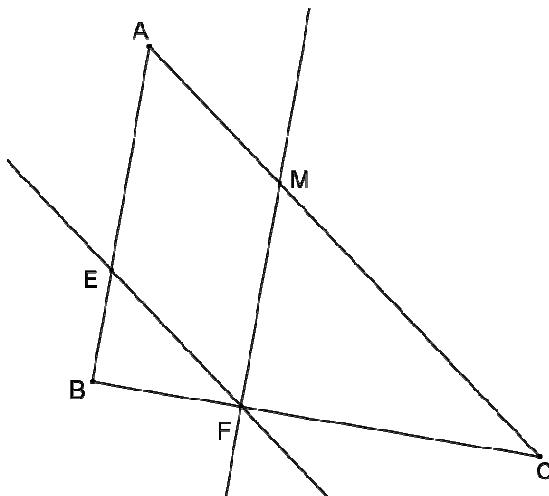
نقطة 1

.  $BC = 6\text{ cm}$  و  $AC = 7,5\text{ cm}$  و  $AB = 4,5\text{ cm}$  مثلث  $ABC$  بحيث :

لتكن  $E$  نقطة من  $[AB]$  بحيث  $BE = 1,5\text{ cm}$ . الموازي لل المستقيم  $(AC)$  والمار من  $E$  يقطع  $.CM = 5\text{ cm}$ . لتكن  $M$  نقطة من  $[AC]$  بحيث  $(BC) \parallel (EF)$  في  $F$ .

**1** أنشئ الشكل :

نقطة ١



**2** أبين أن  $BF = 2\text{ cm}$  وأحسب  $EF$  :

$$BF = \frac{1,5 \times 6}{4,5}$$

يعني

$$BF = \frac{9}{4,5} = 2\text{ cm}$$

وبالتالي

$$\frac{BE}{BA} = \frac{EF}{AC}$$

ومن المتساوية

$$BE \times AC = BA \times EF$$

نستنتج أن

$$EF = \frac{BE \times AC}{BA}$$

يعني

$$EF = \frac{1,5 \times 7,5}{4,5}$$

يعني

$$EF = \frac{11,25}{4,5} = 2,5\text{ cm}$$

وبالتالي

لدينا في المثلث  $: ABC$

$F \in (BC)$  و  $E \in (AB)$  بحيث

$$(EF) \parallel (AC)$$

إذن حسب مبرهنة طاليس المعاشرة:

$$\frac{BE}{BA} = \frac{BF}{BC} = \frac{EF}{AC}$$

$$\frac{BE}{BA} = \frac{BF}{BC}$$

$$BE \times BC = BA \times BF$$

نستنتج أن

$$BF = \frac{BE \times BC}{BA}$$

يعني

**3** أبرهن أن:  $(AB) \parallel (FM)$

نقطة ١,٥

لدينا في المثلث  $F \in (BC)$  و  $M \in (AC)$  ،  $ABC$  و

$$\frac{CF}{CB} = \frac{6-2}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

و

$$\frac{CM}{CA} = \frac{5}{7,5} = \frac{50}{75} = \frac{2}{3}$$

و

$$\frac{CM}{CA} = \frac{CF}{CB}$$

إذن

وبما أن النقط  $C$  و  $M$  و  $A$  هي في نفس ترتيب النقط  $C$  و  $F$  و  $B$ . فإنه حسب مبرهنة طاليس

العكسية:  $(AB) \parallel (FM)$