



**تصحيح الامتحان الموحد المحلي
لأقسام الثالثة إعدادي
دورة يناير 2013**

الثانوية التأهيلية ميدي محمد بن عبد الله
نيلابة تنغير

المعلم: 1	مدة الإنجاز: ساعتان	المادة: الرياضيات التمرين الأول:
-----------	---------------------	-------------------------------------

(1) أحسب وأبسط:

$$\begin{aligned} A &= \sqrt{2\sqrt{6+\sqrt{9}}} - \frac{\sqrt{5}}{2} \times \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{5}} = \sqrt{2\sqrt{6+3}} - \frac{\sqrt{5}}{2} \times \frac{\sqrt{4 \times 6}}{\sqrt{5}} = \sqrt{2\sqrt{9}} - \frac{1}{2} \times \sqrt{6} \\ &= \sqrt{2 \times 3} - \sqrt{6} = \sqrt{6} - \sqrt{6} = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= \sqrt{\sqrt{150} - \sqrt{101}} \times \sqrt{\sqrt{150} + \sqrt{101}} \\ &= \sqrt{(\sqrt{150} - \sqrt{101})(\sqrt{150} + \sqrt{101})} = \sqrt{\sqrt{150}^2 - \sqrt{101}^2} = \sqrt{150 - 101} = \sqrt{49} = 7 \end{aligned}$$

(2) الشمس هي النجم المركزي للمجموعة الشمسية، وهي شبه كروية الشكل شعاعها R يقدر بحوالي $7 \times 10^5 \text{ Km}$

أحسب حجم الشمس وأعط النتيجة كتابة علمية بالملتر المكعب (نعطي: $\pi \approx \frac{22}{7}$) ونأخذ: $V = \frac{4}{3} \times \pi \times R^3$

$$\begin{aligned} V &= \frac{4}{3} \times \pi \times R^2 = \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times (7 \times 10^5)^3 \text{ Km}^3 \\ &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 49 \times 10^{15} \text{ Km}^3 \\ &= \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times \cancel{7} \times 49 \times 10^{15} \text{ Km}^3 = \frac{88}{3} \times 49 \times 10^{15} \text{ Km}^3 \\ &\cong 1437,33 \times 10^{15} \times 10^9 \text{ m}^3 \cong 1,43 \times 10^{27} \text{ m}^3 \end{aligned}$$

(3) أخذف الجذر المربع من مقامي العدددين:

$$\begin{aligned} X &= \frac{1}{\sqrt{2}-1} = \frac{\sqrt{2}+1}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}^2-1^2} = \frac{\sqrt{2}+1}{2-1} = \sqrt{2}+1 \\ Y &= \frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{2})}{\sqrt{5}+\sqrt{2}} = \frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{2})^2}{(\sqrt{5}+\sqrt{2})(\sqrt{5}-\sqrt{2})} = \frac{3(\sqrt{5}^2-2 \times \sqrt{5} \times \sqrt{2}+\sqrt{2}^2)}{\sqrt{5}^2-\sqrt{2}^2} = \frac{3(5-2\sqrt{10}+2)}{5-2} = \frac{\cancel{3}(7-2\sqrt{10})}{\cancel{3}} = 7-2\sqrt{10} \end{aligned}$$

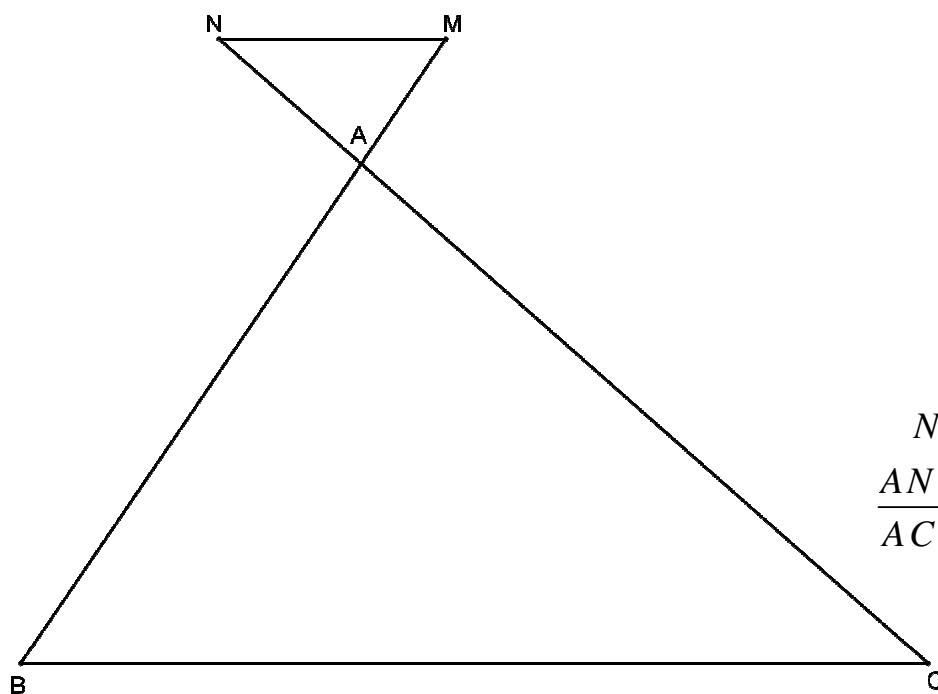
(4) x عدد حقيقي. نعتبر التعبير: $G = (x+1)^2 - 8(x+1)$

(أ) أتحقق أن: $G = x^2 - 6x - 7$

$$\begin{aligned} G &= (x+1)^2 - 8(x+1) \\ &= (x+1)(x+1) - 8(x+1) \\ &= (x+1)(x+1-8) \\ &= (x+1)(x-7) \end{aligned} \quad \begin{aligned} G &= (x+1)^2 - 8(x+1) \\ &= x^2 + 2x + 1 - 8x - 8 \\ &= x^2 + 2x - 8x + 1 - 8 \\ &= x^2 - 6x - 7 \end{aligned}$$

التمرین الثنائی:

[ABC] مثلث بحيث: $AB = 12\text{ cm}$ و $BC = 8\text{ cm}$ و $AC = 10\text{ cm}$.
 نقطة من (AB) لا تتنبئ إلى القطعة $[AN]$ بحيث: $AN = 2,5\text{ cm}$ و $AM = 2\text{ cm}$.
 نقطة من (AC) لا تتنبئ إلى القطعة $[AM]$ بحيث: $AN = 2,5\text{ cm}$ و $AM = 2\text{ cm}$.
 (1) أتم الشكل.



(2) بين أن: $(BC) \parallel (MN)$.

لدينا: $N \in (AC)$ و $M \in (AB)$

$$\frac{AN}{AC} = \frac{2,5}{10} = \frac{1}{4} \quad \text{و} \quad \frac{AM}{AB} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} \quad \text{إذن}$$

وبما أن النقط A و B و M هي في نفس ترتيب النقط A و C و N
 فإنه حسب مبرهنة طاليس العكسية $(MN) \parallel (BC)$.

(3) أحسب MN .

لدينا: $(MN) \parallel (BC)$ حيث $N \in (AC)$ و $M \in (AB)$

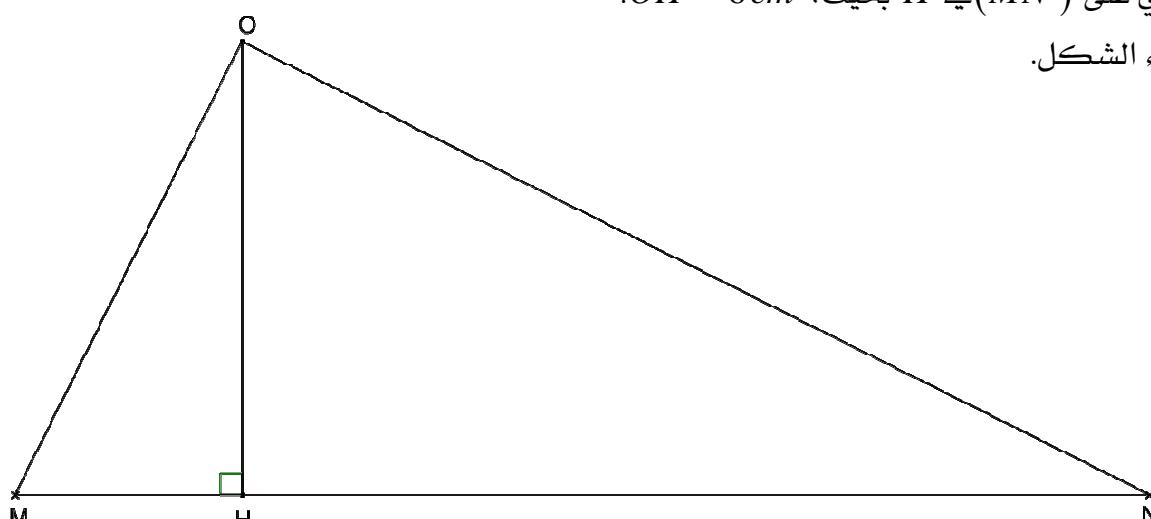
$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

$$MN = 3\text{ cm} \quad MN = \frac{1}{4} \times 12 \quad \text{يعني} \quad \frac{MN}{12} = \frac{1}{4} \quad \text{يعني} \quad \frac{MN}{BC} = \frac{1}{4} \quad \text{ومنه}$$

التمرین الثالث:

M و N نقطتان بحيث: $MN = 15\text{ cm}$ و H نقطة من القطعة $[MN]$ بحيث: $MH = 3\text{ cm}$ و $OH = 6\text{ cm}$ المستقيم العمودي على (MN) في H بحيث: $OH = 6\text{ cm}$.

(1) أتم إنشاء الشكل.



$$\text{أ. } ON = 6\sqrt{5} \quad \text{و. } OM = 3\sqrt{5} \quad (2)$$

لدينا حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة في المثلث OHM القائم الزاوية في H :

$$\begin{aligned} OM^2 &= OH^2 + HM^2 \\ OM &= \sqrt{45} = 3\sqrt{5} \quad \text{إذن} \\ &= 6^2 + 3^2 \\ &= 36 + 9 = 45 \end{aligned}$$

لدينا حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة في المثلث OHN القائم الزاوية في H :

$$\begin{aligned} ON^2 &= OH^2 + HN^2 \\ ON &= \sqrt{180} = 6\sqrt{5} \quad \text{إذن} \\ &= 6^2 + 12^2 \\ &= 36 + 144 = 180 \end{aligned}$$

(3) أبين أن المثلث OMN قائم الزاوية.

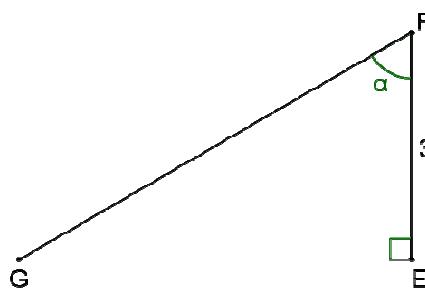
لدينا طول أكبر ضلع في المثلث OMN هو: $MN = 15$ و $MN^2 = 15^2 = 225$

$$\begin{aligned} OM^2 + ON^2 &= (3\sqrt{5})^2 + (6\sqrt{5})^2 = 45 + 180 = 225 \\ MN^2 &= OM^2 + ON^2 \quad \text{إذن} \end{aligned}$$

ومنه حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن المثلث OMN قائم الزاوية في O .

التمرین الرابع:

الشكل أسفله يمثل مثلثا EFG قائم الزاوية في E بحيث: $\tan \alpha = \sqrt{3}$ و $EF = 3\text{ cm}$



(1) أحسب: EG (دون استعمال المسطرة)

$$\begin{aligned} \frac{EG}{EF} &= \sqrt{3} \quad \text{يعني} \quad \tan \alpha = \frac{EG}{EF} \quad \text{لدينا} \\ EG &= EF\sqrt{3} \quad \text{يعني} \\ EG &= 3\sqrt{3} \quad \text{ومنه} \end{aligned}$$

(2) ليكن β قياس زاوية حادة غير منعدمة. أحسب:

$$\begin{aligned} Z &= \sin^2(90^\circ - \beta) + \cos \beta \times \cos(90^\circ - \beta) \times \tan \beta + 1 \\ &= \cos^2 \beta + \cos \beta \times \sin \beta \times \tan \beta + 1 \\ &= \cos^2 \beta + \cancel{\cos \beta} \times \sin \beta \times \frac{\sin \beta}{\cancel{\cos \beta}} + 1 = \cos^2 \beta + \sin^2 \beta + 1 = 1 + 1 = 2 \end{aligned}$$

نتذكر: $\sin(90^\circ - \beta) = \cos \beta$ و $\cos(90^\circ - \beta) = \sin \beta$
الزوايا β و $(90^\circ - \beta)$ متتامتان، إذن:

التمرین الخامس:

(1) a و b عددان حقيقييان بحيث: $a - 1 = b + 1$. قارن العددين : a و b .
لدينا: $a > b$ يعني $a - b > 0$ إذن $a - b = 2$ يعني $a - b = 1 + 1$ وبالتالي $a - 1 = b + 1$

(2) x و y عددان حقيقييان بحيث: $-6 \leq y \leq -5$ و $2 \leq x \leq 3$.

أوجد تأطيرا لـ كل من الأعداد : $x + y$ و $x - y$ و $x + y$ و $x - y$ و $x + y$ و $x - y$

لدينا: $-4 \leq x + y \leq -2$ و $2 \leq x \leq 3$ و $2 \leq x \leq 3$ و $5 \leq -y \leq 6$ و $-6 \leq y \leq -5$ ومنه $2 + (-6) \leq x + y \leq 3 + (-5)$ إذن $-4 \leq x + y \leq -2$

لدينا: $2 + 5 \leq x + (-y) \leq 3 + 6$ و $2 \leq x \leq 3$ و $5 \leq -y \leq 6$ و $-6 \leq y \leq -5$ ومنه $7 \leq x - y \leq 9$

وبالتالي

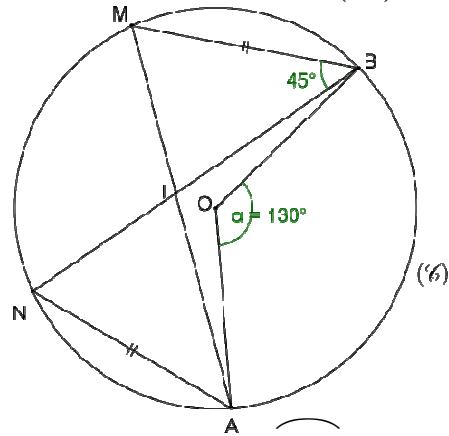
$$.2 \leq x \leq 3 \quad \frac{1}{9} \leq \frac{1}{x-y} \leq \frac{1}{7} \quad \text{يعني} \quad 7 \leq x-y \leq 9 \quad \text{لدينا:}$$

$$2 \times \frac{1}{9} \leq \frac{x}{x-y} \leq 3 \times \frac{1}{7} \quad \text{وبما أن الأعداد } x \text{ و } y \text{ موجبة فإن } \frac{1}{7} \leq \frac{1}{x-y} \leq \frac{3}{9} \quad \text{و } 2 \leq x-y \leq 9$$

$$\frac{2}{9} \leq \frac{x}{x-y} \leq \frac{3}{7} \quad \text{وبالتالي}$$

التمرین السادس:

في الشكل جانبه، (C) دائرة مركزها O. A و B و M و N نقط على الدائرة (C) بحيث:



$$AN = BM \quad \text{و} \quad \widehat{AOB} = 130^\circ \quad \text{و} \quad \widehat{MBN} = 45^\circ$$

(1) أ- أحسب قياس كل من الزاويتين \widehat{MAN} و \widehat{AMB} .

لدينا \widehat{AMB} زاوية محاطية في الدائرة (C) والزاوية المركزية

$$\widehat{AMB} = \frac{\widehat{AOB}}{2} \quad \text{إذن:} \quad \widehat{AMB} = \frac{130^\circ}{2} = 65^\circ$$

ومنه $\widehat{AMB} = 65^\circ$

لدينا \widehat{MBN} و \widehat{MAN} زاويتان محاطيتان في الدائرة (C) وتحصران نفس القوس

$$\widehat{MAN} = 45^\circ \quad \text{ومنه} \quad \widehat{MAN} = \widehat{MBN}$$

ب- بين أن $(OM) \perp (ON)$:

لدينا \widehat{MBN} زاوية محاطية في الدائرة (C) والزاوية المركزية المربطة بها هي

$$\widehat{MON} = 2 \times 45^\circ = 90^\circ \quad \text{ومنه} \quad \widehat{MON} = 2 \times \widehat{MBN} \quad \text{يعني} \quad \widehat{MBN} = \frac{\widehat{MON}}{2}$$

وبالتالي $(OM) \perp (ON)$.

(2) لتكن I نقطة تقاطع المستقيمين (AM) و (BN)

ب) استنتج أن المثلثين AMN و BMN متقابسان.

لدينا: المثلثان IBM و IAN متقابسان،

إذن أضلاعهما المتاظرة متقابسة،

$$IM = IN \quad \text{و} \quad IA = IB \quad \text{أي}$$

$$AM = BN \quad \text{ومنه}$$

وبما أن $AN = BM$ و $[MN]$ ضلع مشترك بين

المثلثين AMN و BMN ، فإنه حسب الحالة الأولى

لتقايس مثلثين AMN و BMN متقابسان.

أ) بين أن المثلثين IAN و IBM متقابسان.

لدينا \widehat{MAN} و \widehat{MBN} زاويتان محاطيتان في

الدائرة (C) وتحصران نفس القوس \widehat{MN}

$$\widehat{IAN} = \widehat{IBM} \quad \text{يعني} \quad \widehat{MAN} = \widehat{MBN}$$

ولدينا \widehat{AMB} و \widehat{ANB} زاويتان محاطيتان في

الدائرة (C) وتحصران نفس القوس \widehat{AB}

$$\widehat{INA} = \widehat{IMB} \quad \text{يعني} \quad \widehat{AMB} = \widehat{ANB}$$

ولدينا $AN = BM$ إذن حسب الحالة الثانية لتقايس

مثلثين فإن IAN و IBM متقابسان.