

الحلول

I نعلم أن : $d = vt$

d هي المسافة ؛ v هي السرعة ؛ t هو الوقت .

بما أن سرعة الصاروخ الأول هي ضعف سرعة الصاروخ الثاني فإن ، في نفس الوقت ، المسافة التي يقطعها الصاروخ الأول هي ضعف المسافة التي يقطعها الصاروخ الثاني .

$$2000 \text{ km/h} = \frac{2000}{60} \text{ km/mn} = \frac{100}{3} = \text{km/mn}$$

لتكن x المسافة التي تفصل الصاروخين دقيقة قبل الإصطدام . قبل الإصطدام بدقيقة ،

المسافة المتبقية للصاروخ الأول لكي يصطدم بالصاروخ الثاني هي : $\frac{2x}{3}$

$$\text{لدينا : } \frac{2x}{3} = \frac{100}{3} \times 1$$

$$2x = 100$$

$$x = 50$$

المسافة التي تفصل الصاروخين دقيقة قبل الإصطدام هي : 50 km

$$\begin{aligned} A &= 2 + \frac{1}{4 + \frac{1}{4 + \frac{1}{\sqrt{5} + 2}}} = 2 + \frac{1}{4 + \frac{1}{4 + \frac{\sqrt{5} - 2}{1}}} \\ &= 2 + \frac{1}{4 + \frac{1}{\sqrt{5} + 2}} = 2 + \frac{1}{4 + \frac{\sqrt{5} - 2}{1}} = 2 + \frac{1}{\sqrt{5} + 2} \\ &= 2 + \frac{\sqrt{5} - 2}{1} = \boxed{\sqrt{5}} \end{aligned}$$

II

III a و b و c متناسبة مع 3 و 4 و 7 يعني أن : $\frac{a}{3} = \frac{b}{4} = \frac{c}{7}$

$$\text{نضع : } \frac{a}{3} = \frac{b}{4} = \frac{c}{7} = k$$

$$a = 3k \quad \text{يعني أن} \quad \frac{a}{3} = k$$

$$b = 4k \quad \text{يعني أن} \quad \frac{b}{4} = k$$

$$c = 7k \quad \text{يعني أن} \quad \frac{c}{7} = k$$

$$abc = 3k \times 4k \times 7k = 84k^3 = 672$$

$$k^3 = \frac{672}{84} = 8$$

$$k = 2$$

إذن

ومنه فإن

$$a = 3k = \boxed{6}$$

$$b = 4k = \boxed{8}$$

$$c = 7k = \boxed{14}$$

$$(2x + 4y)^2 = 1^2$$

بما أن $2x + 4y = 1$ فإن IV

$$4x^2 + 16y^2 + 16xy = 1$$

(1) بما أن $4x^2 + 16y^2 + 16xy = 1$ فإن $4x^2 + 16y^2 + 16xy \geq 1$

مهما يكن x و y في \mathbb{R} فإن :

(2) $16x^2 + 4y^2 - 16xy \geq 0$

من (1) و (2) نستنتج أن :

$$4x^2 + 16y^2 + 16xy + 16x^2 + 4y^2 - 16xy \geq 1$$

$$20x^2 + 20y^2 \geq 1$$

$$20(x^2 + y^2) \geq 1$$

$$x^2 + y^2 \geq \frac{1}{20}$$

بما أن $ABB'A'$ رباعي دائري فإن V

$$\widehat{B'A'A} + \widehat{ABB'} = 180$$

$$\widehat{ABB''} + \widehat{ABB'} = 180 \quad \text{لدينا}$$

$$\widehat{B'A'A} = \widehat{ABB''} \quad \text{إذن (1)}$$

بما أن $ABB''A''$ رباعي دائري فإن :

$$\widehat{ABB''} + \widehat{AA''B''} = 180$$

$$\widehat{IA''B''} + \widehat{AA''B''} = 180 \quad \text{لدينا (} A'' \in [AI] \text{)}$$

$$\widehat{ABB''} = \widehat{IA''B''} \quad \text{إذن (2)}$$

من (1) و (2) نستنتج أن $\widehat{B'A'A} = \widehat{IA''B''}$

ولدينا : $\widehat{BB''A''} = \widehat{IA''B''}$ (متبادلتان داخليا)

$$\widehat{B'A'A} = \widehat{BB''A''} \quad \text{إذن}$$

نبرهن بنفس الطريقة أن $\widehat{BB'A'A} = \widehat{AA''B''}$

بما أن $\widehat{BB'A'A} = \widehat{AA''B''}$ و $\widehat{B'A'A} = \widehat{BB''A''}$ فإن $A'A''B''B'$ متوازي أضلاع .

