

الفرض رقم 2

I بين أن مجموع سبع قوى متتابعة للعدد 4 قابل للقسمة على 5461 .

II أحسب :

$$P = (100 - 1) (100 - 2) (100 - 3) \dots (100 - 115)$$

III n عدد صحيح طبيعي غير منعدم .

$$(1) \text{ تيقن من أن : } \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1} \right)$$

$$(2) \text{ استنتج حساب : } S = \frac{1}{1 \times 3} + \frac{1}{3 \times 5} + \frac{1}{5 \times 7} + \dots + \frac{1}{99 \times 101}$$

IV a, b, c أعداد حقيقية موجبة حيث : $0 < a < b < c$

بين أنه إذا كان : $2b = a + c$

$$\text{فإن : } \frac{2}{\sqrt{a} + \sqrt{c}} = \frac{1}{\sqrt{a} + \sqrt{b}} + \frac{1}{\sqrt{b} + \sqrt{c}}$$

V $\mathcal{C}(O_1; r_1)$ و $\mathcal{C}(O_2; r_2)$ و $\mathcal{C}(O_3; r_3)$ ثلاث دوائر مماسة لمستقيم (Δ) في نقطة A .
برهن أن النقط O_1 و O_2 و O_3 مستقيمية .