

## الدرس : المستقيمات الهامة في مثلث

الامتدادات	القدرات المستهدفة	المكتسبات القبلية
<ul style="list-style-type: none"> <li>- المثلث القائم الزاوية والدائرة</li> <li>- الهندسة التحليلية والفضائية</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- التعرف على خصصيات الارتفاعات والمتوسطات والواسطات والمنصفات في المثلث واستعمالها.</li> <li>- التعرف على المتوسط وعلى موقع مركز الثقل.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- خاصيات متوازي الأضلاع و المربع و المعين و المستطيل</li> <li>- خصائص التوازي والتعامد و التمايز المركزي</li> <li>- مساحة مثلث</li> <li>- خصائص الدائرة</li> <li>- واسط و ارتفاع مثلث</li> <li>- الخاصية المميزة لمنصف زاوية</li> </ul>

### مضامين الدرس وهيكله

1- واسطات مثلث

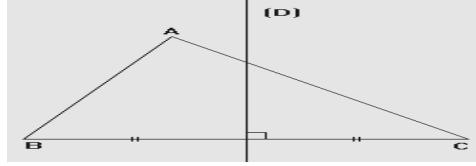
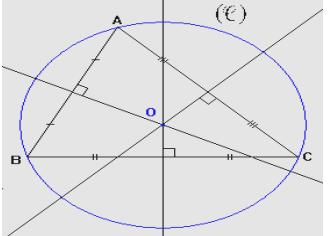
2- منصفات زوايا مثلث

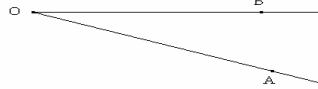
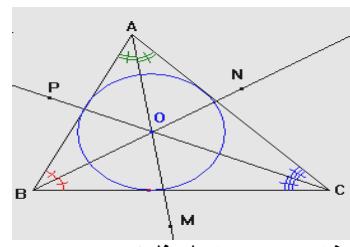
3- ارتفاعات مثلث

4- متوسطات مثلث

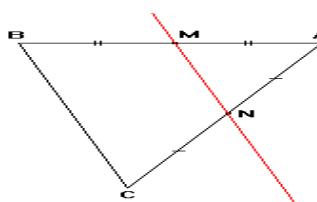
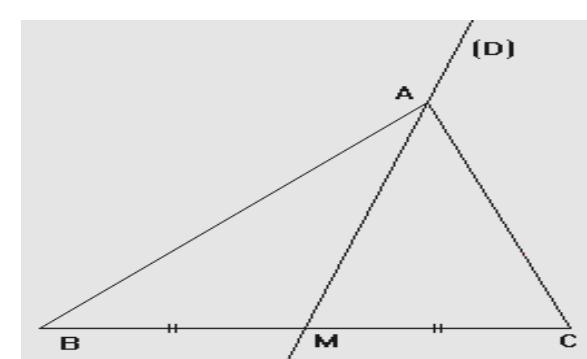
**الوسائل الديداكتيكية:** الكتاب المدرسي – السبورة – الطباشير -

– الكوس - البركار – المنقلة- المسطرة Data Show

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p><b>نشاط</b> لتكن <math>[AB]</math> قطعة و <math>(D)</math> واسطها</p> <p>أ- أنشئ الشكل ب- أتمم ما يلي: إذا كانت <math>M</math> تنتهي إلى <math>(D)</math> فإن ..... إذا كانت <math>OA=OB</math> فإن ..... .....</p>	<b>أنشطة تشخيصية</b>
المدة: 20 دقيقة	<p><b>نشاط</b> <math>ABC</math> مثلث <math>(L)</math> و <math>(D)</math> واسطا القطعتين <math>[AC]</math> و <math>[AB]</math> على التوالي ويتقاطعان في النقطة <math>O</math></p> <p>1- أنشئ الشكل 2- بين أن <math>OA = OB</math>: 3- استنتج أن <math>O</math> تنتهي إلى واسط القطعة <math>[BC]</math> 4- ماذا يمكن أن تقول إذن عن واسطات المثلث <math>ABC</math> 5- تحقق أن النقط <math>C</math> و <math>B</math> و <math>A</math> تنتهي إلى الدائرة التي مركزها <math>O</math> وشعاعها <math>OA</math> ثم أنشئها</p>	<b>أنشطة بنائية</b>
المدة: 10 دقائق	<p><b>تعريف</b> واسط مثلث هو واسط أحد أضلاعه</p> <p><b>مثال</b></p>  <p>في الشكل أعلاه لدينا المستقيم <math>(D)</math> هو واسط <math>[BC]</math> وفي هذه الحالة نسمى المستقيم <math>(D)</math> واسطا للمثلث <math>ABC</math></p> <p><b>خاصية</b> واسطات مثلث تتلاقى في نقطة وحيدة تسمى مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث</p> <p><b>مثال</b></p>  <p>في الشك جانبه واسطات مثلث <math>ABC</math> تتلاقى في النقطة <math>O</math> و التي تمثل مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث</p>	<b>ملخص الدروس</b>
المدة: 15 دقيقة	<p><b>تمرين تطبيقي</b> رسم أحمد دائرة باستخدام قطعة نقدية و أراد أن يحدد مركزها ساعد أحمد في تحديد مركز هذه الدائرة</p>	<b>أنشطة تقويمية</b>

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p><b>نشاط</b></p>  <p>1- أنشئ <math>(OI)</math> منصف الزاوية <math>A\hat{O}B</math>      2- لتكن النقطة <math>M</math> من <math>(OI)</math></p> <p>ا- أنشئ <math>H</math> و <math>K</math> المسقطين العموديين للنقطة <math>M</math> على <math>(OA)</math> و <math>(OB)</math>      على التوالي      ب- بين أن <math>HM=KM</math></p>	<b>أنشطة تشخيصية</b>
المدة: 20 دقيقة	<p><b>نشاط</b></p> <p>مثلث <math>ABC</math></p> <p>1- أنشئ منصف زاويتين من زواياه.      2- لتكن <math>I</math> نقطة تقاطع هذين المنصفين و <math>H</math> و <math>K</math> و <math>L</math> المسلط      العمودية للنقطة <math>I</math> على <math>(AB)</math> و <math>(AC)</math> و <math>(BC)</math> على التوالي      ا- تحقق بواسطة البر كار أن النقط <math>H</math> و <math>K</math> و <math>L</math> تقع على نفس      الدائرة التي مركزها <math>I</math>      ب- استنتاج أن المنصف الثالث يمر من <math>I</math>      ج- ماذا يمكن أن تقول إذن عن منصفات زوايا المثلث <math>ABC</math></p>	<b>أنشطة بنائية</b>
المدة: 10 دقائق	<p><b>2- منصفات زوايا مثلث</b></p> <p><b>خاصية</b></p> <p>منصفات مثلث تتلاقى في نقطة وحيدة تسمى مركز الدائرة المحاطة      بهذا المثلث</p> <p><b>مثال</b></p>  <p>في الشك جانبه منصفات زوايا المثلث <math>ABC</math> تتلاقى في النقطة <math>O</math>      و التي تمثل مركز الدائرة المحاطة بهذا المثلث</p>	<b>ملخص الدروس</b>
المدة: 15 دقيقة	<p><b>تمرين تطبيقي</b></p> <p>مثلث <math>ABC</math> مثلث بحيث <math>BC = 4</math> و <math>A\hat{B}C = 80^\circ</math> و <math>A\hat{C}B = 60^\circ</math>      ا- مركز الدائرة المحاطة بالمثلث <math>ABC</math>      1- أنشئ الشكل      احسب <math>B\hat{I}C</math> و <math>I\hat{C}B</math> و <math>I\hat{B}C</math></p>	<b>أنشطة تقويمية</b>

الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	<p><b>نشاط</b> مثلث <math>MNP</math> أنشئ الارتفاع المار من النقطة <math>M</math> و الموافق للضلوع <math>[NP]</math></p>	<b>أنشطة تشخيصية</b>
المدة: 25 دقيقة	<p><b>نشاط</b> مثلث <math>EFG</math> <math>A</math> و <math>B</math> و <math>C</math> منتصفات القطع <math>[EF]</math> و <math>[EG]</math> و <math>[FG]</math> على التوالي 1- أنشئ الشكل 2- أنشئ ارتفاع المثلث <math>ABC</math> المار من النقطة <math>B</math> ب- ماذا يمثل هذا الارتفاع بالنسبة للمثلث <math>EFG</math> ؟ علل جوابك 3- استنتج أن ارتفاعات المثلث <math>ABC</math> تتلاقى في نقطة واحدة</p>	<b>أنشطة بنائية</b>
المدة: 10 دقائق	<p><b>3- ارتفاعات مثلث خاصية</b> ارتفاعات مثلث تتلاقى في نقطة وحيدة تسمى مركز تعامد هذا المثلث</p> <p><b>مثال</b></p> <p>The diagram shows a triangle ABC. Three altitudes are drawn from vertex A to side BC, from vertex B to side AC, and from vertex C to side AB. The altitudes are labeled H1, H2, and H3 respectively. Their feet of perpendicularity are labeled H1, H2, and H3 on the respective sides. The three altitudes all intersect at a single point inside the triangle, which is labeled O and represents the orthocenter.</p> <p>في الشك جانبه ارتفاعات <math>ABC</math> تتلاقى في النقطة <math>O</math> و التي تسمى مركز تعامد المثلث <math>ABC</math></p>	<b>ملخص الدروس</b>
المدة: 10 دقائق	<p><b>تمرين تطبيقي</b> مثلث <math>ABC</math> مثلاً بحيث <math>AB=6</math> و <math>AC=2</math> و <math>BC=7</math> أنشئ مركز تعامد المثلث <math>ABC</math></p>	<b>أنشطة تقويمية</b>

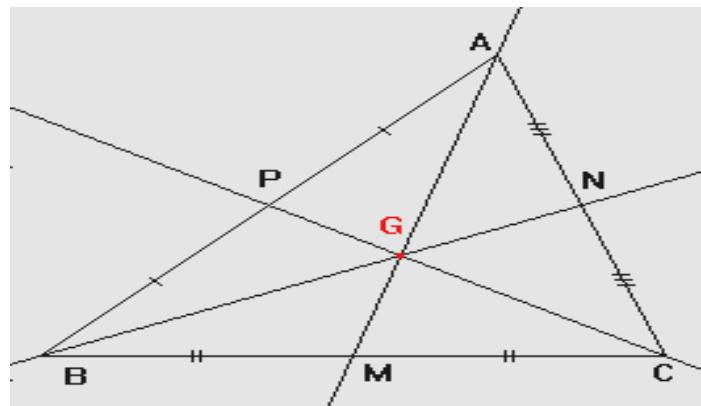
الملحوظات	المحتوى	المراحل
المدة: 10 دقائق	 <p>في الشكل جانبه لدينا والنقطة M منتصف [AB] والنقطة N منتصف [AC] 1- بين أن <math>(MN) \parallel (BC)</math> 2- احسب <math>MN</math></p>	<u>نشاط</u> <u>تشخيصية</u>
المدة: 20 دقيقة	<p>ABC مثلث و <math>B'</math> منتصف [AC] (المستقيم <math>(BB')</math> هو متوسط المثلث )</p> <p>1- أنشئ متوسط المثلث <math>ABC</math> المار من النقطة <math>C</math> يقطع <math>(AB)</math> في <math>C'</math> 2- لتكن <math>G</math> نقطة تقاطع هذين المتوسطين و <math>A'</math> نقطة تقاطع <math>(BC)</math> و <math>(AG)</math> ا- بين أن <math>A'</math> منتصف <math>[BC]</math> (يمكن اعتبار <math>A</math> مماثلة <math>A'</math> بالنسبة للنقطة <math>G</math>) ب- بين أن الرباعي <math>GCIB</math> متوازي الأضلاع ج- استنتج أن متوسطات المثلث <math>ABC</math> تتلاقى في النقطة <math>G</math> ذ- بين أن <math>AG = \frac{2}{3}AA'</math></p>	<u>أنشطة</u> <u>بنائية</u>
المدة: 10 دقائق	<p><u>4- متوسط مثلث</u> <u>تعريف</u></p> <p>متوسط مثلث هو مستقيم يمر من أحد رؤوس المثلث و من منتصف الضلع المقابل لهذا الرأس</p> <p><u>مثال</u></p>  <p>في الشكل أعلاه <math>(D)</math> يمر من الرأس <math>A</math> ومن منتصف الضلع <math>[BC]</math> المستقيم</p>	<u>ملخص</u> <u>الدروس</u>

في هذه الحالة نسمى المستقيم (D) متوسط للمثلث ABC

### خاصية 1

متوسطات مثلث تتلاقى في نقطة وحيدة تسمى مركز ثقل هذا المثلث

### مثال



النقطة G تسمى مركز ثقل المثلث ABC

### خاصية 2

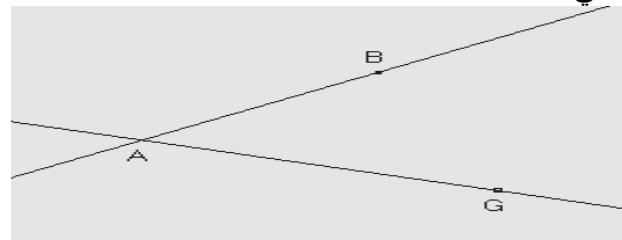
[BC] مثلث ABC مركز ثقله. إذا كانت M منتصف

$$AM = \frac{2}{3}AG \quad \text{فإن}$$

**تمرين تطبيقي**  
نعتبر الشكل التالي

**أنشطة تقويمية**

المدة: 15 دقائق



أنشئ النقطة C بحيث تكون النقطة G مركز ثقل المثلث ABC