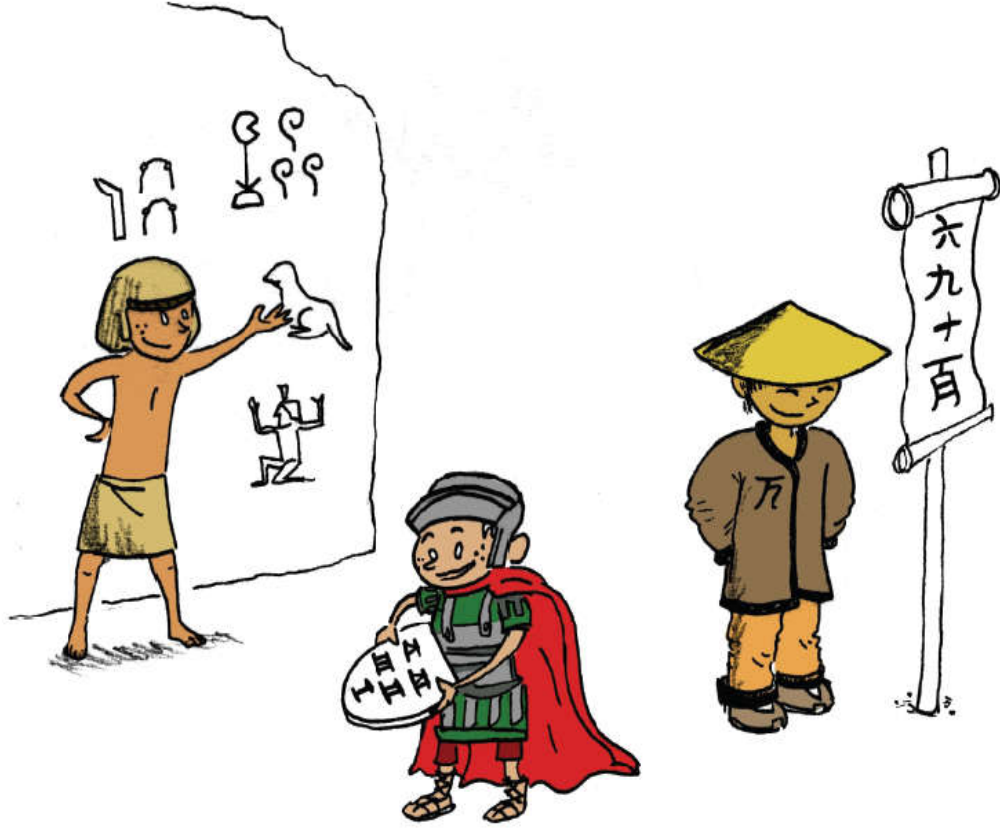


العمليات على الأعداد الصحيحة و العشرية

1



لتمثيل الأرقام استخدمت كل حضارة رموز و طرق خاصة لتعبير عنها. فالفراعنة استعملت الحروف الهيروغليفية أما اليونانيون فاستخدموا الحروف اليونانية أما الصينيون فاستخدموا الحروف الغبارية إلا أن الفضل يعود للعرب في ظهور و تمثيل الأرقام كما هي عليه في يومنا هذا كما أنهم ساهموا بشكل وافر في نشر كتابة الأعداد في نظام العد العشري بإضافة الصفر إلى الأرقام و استعمال الكتابة الوضعية للأعداد

كما أنهم أول من ابتكروا العمليات خصوصا الضرب كما نعرفه حاليا والذي يعتمد على الوضع و الاحتفاظ. وقبل أن يتوصلوا إلى الصيغة الحالية استعملوا طريقة أكثر وضوحا تنظم فيها العمليات بطريقة واضحة و تعتمد على عدة جموع جزئية.

تصميم الدرس

الكفايات المستهدفة

- 1 حساب مجموع وفرق عددين عشريين
- 2 حساب جداء و خارج عددين عشريين
- 3 تاثير خارج عددين عشريين
- 4 استعمال الخاصيتين : a و b و c أعداد عشرية
 $k(a+b)=ak + kb$
 $k(a-b)=ak -bk$
- 5 حساب مجاميع الجبرية بدون أقواس
- 6 استعمال المحسبة لحساب المجاميع الجبرية
- استعمال المصطلحات (حد, مجموع ,عامل, جداء ,خارج...)

التوجيهات التربوية

- لقد سبق للتلميذ بالتعليم الابتدائي ان تعامل مع الأعداد الصحيحة الطبيعية و الأعداد العشرية الكسرية الموجبة لذا ينبغي عدم اعادة تقديمها بهذا المستوى
- يتم التحسيس باستعمال الحروف في الحساب الجبري اعتبار اللدور الذي اصبح يحتله في شتى المجالات الحياة وتوظيفه بكيفية متدرجة في تبسيط كتابة بعض التعابير الجبرية
- التأكيد على الاسبقية في انجاز العمليات

الصعوبات والأخطاء

●

المكتسبات القبلية

- الأعداد العشرية والعمليات عليها
- حساب المجاميع الجبرية بالأقواس و بدونها
- المصطلحات : (حد, مجموع ,عامل, جداء ,خارج...)

الامتدادات

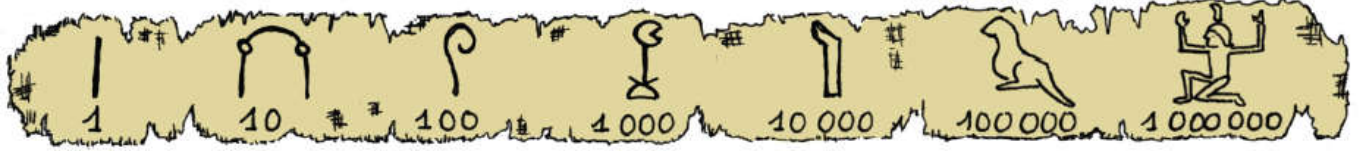
- النشر و التعميل
- استعمال في وضعيات محددة للصيغتين :
- $\frac{A-B}{K} = A/K - B/K$
- $\frac{A+B}{K} = A/K + B/K$

نشاط


1




نشاط تمهيدى

نص النشاط منذ 5000 سنة استخدم المصريون الحروف الهيروغليفية لتعبير عن الأرقام كما توضح الوثيقة أسفله



مثلا للتعبير عن العدد 129 نرسم له كالتالي

أقرأ العدد التالي  ثم اكتب هذه الأعداد 2109 و 125403 بهاته الحروف

احسب ما يلي  +  ثم  x 

ماذا يمكن القول عن العددين التاليين  و  تم استنتاج سلبيات و ايجابيات هذه الكتابة.

نشاط

2

التعرف علم العمليات الاربعة

اختر العملية الصحيحة ثم أنجزها ؟

$150 : 100.45$	$150 + 100.45$	$150 - 100.45$	150×100.45	اشترى تلميذ محفظة ب 100.45 درهم و بذلة ب 150 درهم. كم دفع لشرائهما معا ؟
$225.4 - 75$	225.4×75	$225.4 : 75$	$225.4 + 75$	ثمن 75 دفترا من الحجم الصغير هو 225.4 درهم ، فما هو ثمن الدفتر الواحد؟
$150 - 75$	150×75	$150 : 75$	$150 + 75$	اشترى تاجر 150 مترا من الثوب ب 75 درهما للمتر الواحد. ما هو الثمن الكلي للثوب ؟
$90 + 30$	90×30	$90 - 30$	$90 : 30$	ترشح 90 طالبا لاجتياز مباراة ولوج المدرسة العليا للتكنولوجيا فنجح 30 طالبا، كم عدد الراسبين؟

تحويل الجداء ال مجموع او فرق

3

نشاط

نص النشاط

(1) املأ الجدول التالي

a	b	k	a+b	K(a+b)	ka	kb	Ka + kb
2	3	7					
-9	5	2					
11	-2	-3					

ماذا تستنتج؟

(2) املأ الجدول التالي

a	b	k	a-b	K(a-b)	ka	kb	Ka - kb
2	3	7					
-9	5	2					
11	-2	-3					

ماذا تستنتج؟

حساب بلا اقواس

4

نشاط

← اشترى احمد محفظة بمبلغ 70 درهما و 5 دفاتر بثمان 4.30 دراهم للدفتر الواحد.

(1) اكتب سلسلة العمليات التي تعبر عن المبلغ الذي سيدفعه احمد.

(2) احسب : $70+5 \times 4.30$ ثم حدد المبلغ الذي سيدفعه احمد.

← نعتبر التعبير A المكون من سلسلة من العمليات : $A = 175 + 5 \times 1.2 - 25$

(1) ما هي العملية التي ستقوم بانجازها في المرحلة الأولى

(2) تحقق أن $A=156$

← يملك كريم 75 درهما. اشترى معجما ب 50 درهما و أقلاما ملونة ب 13 درهما .

(1) ما هو من بين ما يلي التعبير الذي يسمح بمعرفة ما بقي له : $75-50+13$; $75-50-13$ ثم احسبه.

حساب باقواس

5

نشاط

- أشترى متسوق....كيلوغرام من البطاطس ب 4.2 دراهم للكيلوغرام الواحد و 4 علب جبن ب درهما وقنينات من الزيت بدرهما.
- انقل و اتم المسألة إذا علمت أن سلسلة العمليات التالية هي حل لها : $(5.5 \times 4.2) + (4 \times 8.90) + (3 \times 7.2)$
- انطلق قطار من مدينة A و على متنه 301 مسافر . في اول توقف له بمدينة B نزل 14 مسافر ثم انطلق وعلى متنه 389 مسافر .
- ما هو عدد المسافرين الذين ركبوا من المحطة B
- باستعمال الآلة الحاسبة احسب ما يلي

$160 - (13.5 - 12.65)$	A
$(168 + 42) - 13 + 25 \times 2$	B
$(17 - 9.4) \times 5 + 20.1 \times (0.5 + 1)$	C
$(17 - 9.4) \div 5 + 20.1 \times (0.5 + 1)$	D

العمليات : المصطلحات

1

الفقرة

تعريف 1

الجمع :

$$\begin{array}{rcccl} 14.95 & + & 1.24 & = & 16.19 \\ \swarrow & & \swarrow & & \swarrow \\ \text{الحد الأول} & & \text{الحد الثاني} & & \text{المجموع} \\ & & & & \text{الطرح :} \end{array}$$

$$\begin{array}{rcccl} 1.25 & - & 0.13 & = & 1.12 \\ \updownarrow & & \updownarrow & & \updownarrow \\ \text{الحد الأول: المطروح} & & \text{الحد الثاني: المطروح} & & \text{الفرق} \\ \text{منه} & & & & \end{array}$$

تعريف 2

القسمة :

$$\begin{array}{rcccl} 13.50 & : & 30 & = & 0.45 \\ \swarrow & & \swarrow & & \swarrow \\ \text{المقسوم} & & \text{المقسوم عليه} & & \text{الخارج المضبوط} \\ & & & & \text{الضرب :} \end{array}$$

$$\begin{array}{rcccl} 26.5 & \times & 5.60 & = & 148.40 \\ \swarrow & & \swarrow & & \swarrow \\ \text{العامل الأول} & & \text{العامل الثاني} & & \text{الجداء} \end{array}$$

الأسبقية في الحساب

2

الفقرة

قاعدة 1

لحساب تعبير جبري بدون أقواس ننجز الضرب و القسمة اولاً ثم نثبع ذلك بالجمع و الطرح

تطبيقات

احسب التعبير التالي :

$$B = 15 \times 72 : 8$$

$$C = 19 + 15 - 7 : 5$$

$$D = 14 + 45 - 8 \times 6$$

أمثلة

$$A = 0.2 \times 2 + 12.5$$

$$A = 0.4 + 12.5$$

$$A = 12.9$$

$$B = 22 - 24 : 3$$

$$B = 22 - 8$$

$$B = 14$$

قاعدة 2

لحساب تعبير جبري به أقواس نعطي الأسبقية لما هو بين الاقواس بدءاً من تلك التي توجد بالداخل ثم التي تليها الى ان يصبح التعبير بدون أقواس

تطبيقات

احسب التعبير التالي

$$A = (12 + 10) \times 2 - 17$$

$$H = 12 \times (8 + 2)$$

$$I = (32 + 18) : 5$$

$$J = 60 : (10 - 4)$$

أمثلة

$$G = (42 - 12) \times 3$$

$$G = 30 \times 3$$

$$G = 90$$

$$F = [7 + (11 - 1.5)] \times (13.7 - 3.7)$$

$$F = [7 + 9.5] \times 10$$

$$F = 16.5 \times 10$$

$$F = 165$$

تحويل الجداء إلى مجموع

3

الفقرة

تعريف 1

$k \times (a - b) = ak - bk$ و $k \times (a + b) = ak + kb$: a و b أعداد عشرية و K
نقول أننا عوضنا الجداء بمجموع (الفرق) يساويه

تعريف 2

$ak - bk = k \times (a - b)$ و $ak + kb = k \times (a + b)$: a و b أعداد عشرية و K
نقول أننا عوضنا المجموع (الفرق) بجداء يساويه

قاعدة 3

جداء العدد K ومجموع العددين a و b هو مجموع جذاذي العدد k وكل حد من حدي المجموع $(a+b)$

أمثلة

$(a+b) \times (a-b)$ يكتب $(a+b)(a-b)$
الجداء : 6×5 لا يكتب 6.5 أو 65

1 ملاحظة

يمكن تبسيط الكتابة بحذف الرمز \times وتعويضه إما ب " " أو فراغ

الجداءان : $\begin{cases} K \times (b + a) \\ (b + a) \times k \end{cases}$ يكتبان أيضا $K \times (b + a)$

الجداءان : $\begin{cases} K \times A \\ A \times K \end{cases}$ يكتبان أيضا KA أو $K.A$

خاصية 1

الحساب الذهني : لأحسب ذهنيًا 4.25×101 نتبع ما يلي

$$4.25 \times 101 = 4.25 \times 100 + 4.25 \times 1$$
$$= 425 + 4.25$$
$$= 429.25$$

خاصية 2

لأحسب ذهنيًا 2.13×99 نتبع ما يلي

$$2.13 \times 99 = 2.13 (100 - 1)$$
$$= 2.13 * 100 - 2.13 = 213 - 2.13$$
$$= 210.87$$

خاصية 3

الآلة الحاسبة

مثال 1 حساب $53 + 10$ نتبع ما يلي

53 + 10 = 63

مثال 2 حساب $48 \div 7$ نتبع ما يلي

48 ÷ 7 = 6.85714

تطبيقات

احسب ما يلي ذهنيًا

$187 + 63$: $2.8 + 7.2$

$50 - 37$: $10 - 7.5$

$4 * 25$: $2.5 * 0.4$

احسب باستعمال المحسبة

$178 + 25 - 255$: $12.25 * 548 \div 32 + 85$

$120 \div 215 \times 20.21 + 4$: $12 + 21 - 87 \div 21 \div 58$

ملاحظة

في المثال 2 القسمة غير مضبوطة إذا اعتبرنا الخارج هو 6

فان الباقي هو $48 - 7 * 6$

تمارين تطبيقية

تحويل جداء إلى مجموع أو فرق (3)

تمرين 1-----

اتم في دفترك الجدول التالي

a	b	c	ac	bc	(a+b)c	ac+bc
20	15	4				
4	5		44			
7			28	20		
19	5			45		

تمرين 2-----

اكتب على شكل جداء ثم احسب

$$15 * 98 + 15 * 2 =$$

$$1.2 * 18 + 1.2 * 5 =$$

$$23 * 1000 - 23 * 7 =$$

$$14 * 2.15 - 14 * 156 =$$

تمرين 3 اوجد في كل سطر التعبير الصحيح

	A	B	C
$2 * (b+7)$	$2b + 9$	$2b + 14$	$2 * b + 7$
$9 * (7 - a)$	$63 - 9 * a$	$9 * 7 - a$	$63 a$
$(22 + a) * 3$	$22 * 3 + a * 3$	$66 a$	$22 + a * 3$
$(12 - 2b) * 5$	$10b * 5$	$12 - 10b$	$60 - 10b$

تمرين 4-----

استعمل توزيعية الضرب على الجمع و الطرح ثم أحسب ما يلي:

$$A = 2,5 \times (11 + 3,5)$$

$$E = 33 \times (52 - 17,5)$$

$$I = 21,11 \times (166,5 + 554,3)$$

$$B = (13 + 1,5) \times 5,5 \quad F = (22 - 11,5) \times 7$$

$$J = (754,122 - 336,326) \times 7,05$$

$$C = 0 \times (7,5 + 22)$$

$$G = 1,5 \times (27 - 15,8)$$

$$K = 335 \times (2589 + 0,0008)$$

حساب مجموع و فرق عددين عشريين (1)

تمرين 1-----

انجز العمليات التالية

1-الجمع

$$(256 + 859); (1238 + 95628); (2,5 + 28,56); (46$$

$$+ 1,569)$$

2- الفرق

$$(895 - 265); (7859 - 56); (54,13 - 2.45); (48, 2$$

$$- 56, 48)$$

3- الجداء

$$(12 \times 85); (56 \times 125); (2,6 \times 8,98); (2,4 \times 6); (3,58 \times 0,$$

$$59);$$

4- القسمة

$$(165 \div 5); (2598 \div 26); (12,8 \div 3,85); (4 \div 56,14)$$

التمرين 2-----

احسب ما يلي

$$12 + 25 ; 284.25 + 42.2 ; 19 + 4.2 ; 20 + 98$$

$$12.25 - 84 ; 23 - 94 ; 2.3 - 5.12 ; 23.23 - 8$$

حساب جداء و خارج عددين عشريين (2)

تمرين 1-----

احسب ما يلي

$$21.2 \div 2.3 ; 12.36 \div 78.6 ; 2.5 \div 1.5 ; 7958 \div 23.6$$

$$25 \times 3.5 ; 19.3 \times 3.6 ; 792 \times 1.5 ; 14.26 \times 2.97$$

تمارين ومسائل

تمارين تطبيقية

$$\begin{aligned} G &= (521 - 315 + 20) \times (22 - 11 + 4,5) \\ &: (22 - 20) \\ D &= (551 - 245) + (144 + 21) - (22 \times \\ &3) \times (14 : 7) \\ H &= (14 + 22,5 - 5,5) + (77 + 10) \times 0 + \\ &18 \end{aligned}$$

حساب بدون أقواس 6

أحسب ما يلي:

$$\begin{aligned} A &= 32,5 + 1,3 - 0,5 + 11,4 - 3,9 \\ D &= 15 - 1,8 + 12 + 3,5 - 12,9 \\ G &= 14,5 \times 0,5 : 2,5 \times 3 : 4 \\ B &= 14 + 5,5 \times 6 - 11 + 8 - 0,11 \\ E &= 1,5 + 33 - 14,5 + 0,07 - 1 \\ H &= 25 - 7,5 + 2 \times 11 : 4 + 9 \\ C &= 7,5 \times 2 - 11,3 + 21,7 : 5 - 1,9 \\ F &= 22,8 + 1,7 + 11 + 2,3 + 0,7 \\ I &= 32 + 5 \times 7 - 12 : 6 + 1,5 \end{aligned}$$

الحساب الذهني (4)

التمرين 1

من بين العمليات الآتية و بدون إنجاز أية عملية ما هي التي تساوي 38×18 ؟

$$\begin{aligned} A &= 11,5 \times 38 + 6,5 \times 38 \\ B &= 18 \times 25 + 18 \times 13 \\ C &= 25 \times 11 + 18 \times 11 \\ D &= 22 \times 38 - 4 \times 38 \\ E &= 38 \times 15,8 - 15,8 \times 20 \\ F &= 18 \times 42,9 - 18 \times 4,9 \\ G &= 18 (36 + 2) \\ H &= (17,8 + 0,2) \times 25 \\ I &= 38 (24,5 - 6,5) \\ J &= (12 + 26) \times (1,5 + 16,5) \\ K &= (26,5 - 8,5) \times (42,5 - 4,5) \end{aligned}$$

التمرين 2

احسب ما يلي ذهنيا

$$\begin{aligned} 187+63 &: 2.8+7.2 \\ 50-37 &: 10-7.5 \\ 4*25 &: 2.5*0.4 \end{aligned}$$

حساب باستعمال الأقواس 5

التمرين 1

أحسب ما يلي

$$\begin{aligned} A &= 28 \times (18,3 + 1,7) - 30 - (12,5 - 2,5) \\ &: 2 \\ E &= 131 - (22 + 3) \times (45 - 7,5 + 3) + (\\ &1,5 \times 2 \times 3) \\ B &= 12,6 + 5 \times (4,2 + 1,5) + 6 : (8 - 6) \\ &\times 2 \\ F &= 224 : (12 - 8) + (2,5 + 9,5) \times 8 + (\\ &13 - 2,5) \end{aligned}$$

تمارين لتقوية التعلّيمات

تمرين 3-----

سأل أحمد صديقه سعيد عن عمره فقال أحمد : أملك كلب صغير و 5 قطط و 3 حمامات و بعد سنة سيصبح عمري مساويا لمجموع أرجل الحيوانات التي أملك . فما هو إذن عمري ؟
- (1) أكتب سلسلة من العمليات تعبر فيها عما قاله أحمد لسعيد.
- (2) أحسب عمر أحمد

الكفاية المستهدفة 4

أحسب ما يلي:

$$A = 125 \times (0,2 \times 100 + 8) - 2,5 \times 10$$
$$B = 96 + 83 : 10 + 6 \times 2,4 - 5$$
$$C = 5 \times [3 + (98 + 100 + 20) - 12] + 8 \times 7 \times 2$$
$$D = 112,5 - [7 + 3 \times 8 - (11 - (2,5 \times 2 - 4) \times 2)] + (8 - 5,5)$$

الكفاية المستهدفة 5

الكفاية المستهدفة 3

تمرين 1

أنقل في دفترك ثم أتمم بالعدد المناسب ثم أحسب ما يلي:

$$A = 6,5 (2,4 + \dots) = 6,5 \times \dots + 6,5 \times 11$$
$$B = \dots (8,3 - 5) = 7,3 \times \dots - 7,3 \times 5$$
$$C = 23 \times \dots + \dots \times 1,8 = 23 (9,5 + \dots)$$
$$D = 17,4 \times 33,6 - \dots \times 14 = \dots (\dots - \dots)$$
$$E = 3,5 \times \dots + \dots \times 13 - \dots \times \dots = 3,5 (10 + \dots - 1,8)$$

الكفاية المستهدفة 5

تمرين 1

ضع الأقواس في مكانها المناسب لكي تكون العمليات صحيحة:

$$9 + 3 \times 15 = 180 \quad ; \quad 5 \times 9 + 17 = 130$$
$$28 + 9 \times 5 - 6 = 127$$
$$5 \times 9 + 5 \times 4 = 280 \quad ; \quad 6 \times 7 + 6 \times 5 = 72$$
$$13 \times 1,5 - 2 \times 5 + 3 = 12,5$$
$$11,5 - 2 \times 3,5 + 8 : 2 = 33,25$$
$$16,5 - 11 \times 2 + 7 : 5 - 3 = 14,5$$

تمرين 2

أحسب ما يلي:

$$A = 125 \times (0,2 \times 100 + 8) - 2,5 \times 10 \quad ; \quad ;$$
$$B = 96 + 83 : 10 + 6 \times 2,4 - 5$$
$$C = 5 \times [3 + (98 + 100 + 20) - 12] + 8 \times 7 \times 2$$
$$D = 112,5 - [7 + 3 \times 8 - (11 - (2,5 \times 2 - 4) \times 2)] + (8 - 5,5)$$

تمارين لتقوية التعلمات

الكفاية المستهدفة 3

الكفاية المستهدفة 4

الكفاية المستهدفة 5

الكفاية المستهدفة 1

أحسب ما يلي بطريقتين مختلفتين:

$$A = 11,5 \times (5,5 + 22)$$

$$E = 14,22 \times 5,5 + 14,22 \times 0,5$$

$$I = 24 \times (15 + 11)$$

$$B = (12,5 - 7,6) \times 8,5$$

$$F = 22,5 \times 8,5 - 11,5 \times 8,5$$

$$J = 45 \times 22 + 45 \times 22$$

$$C = (25,31 + 7,9) \times 12$$

$$G = 35,11 \times 7,5 + 34 \times 7,5$$

$$K = (12,52 - 6,05) \times 3,5$$

$$D = 33 \times (45 - 17,5)$$

$$H = 13,05 \times 442 - 13,05 \times 125$$

$$L = 36 \times 74,05 - 36 \times 74,05$$

الكفاية المستهدفة 2

الكفاية المستهدفة 3

تمارين توليفية

الكفاية المستهدفة 3

أكتب ما يلي على شكل مجموع:

$$D = 6,5 \times (a + 2b)$$

$$E = 3 \times (3a + 4b + c)$$

$$F = (5a + 2b + 4c)$$

$$G = a \times (2b + x + y)$$

$$H = 7,5 \times (2x + 3y - 6,5a + 1,4b)$$

الكفاية المستهدفة 4

أكتب ما يلي على شكل فرق:

$$I = 2,5 \times (a - 5b)$$

$$J = 11 \times (1,5a - 4,2b - c)$$

$$K = (10a - 12b - 4c)$$

$$L = a \times (0,5b - 2x - 3,5y)$$

$$M = 1,5 \times (5x - 13y - 6,5a - 1,2b)$$

الكفاية المستهدفة 5

بسط ما يلي:

$$A = a + 2a + 3a + 4a$$

$$B = 2t + 3t + 11t - 5t - 2t$$

$$C = 7,5y - 3,2y + 5,7y + 10,4y$$

$$D = z + 3,5z - 2z + 9z - z$$

$$E = 6m + 2,15m - 3,22m + 12m - 1,5m$$

$$F = 5,5t + 3a - 2,3t + 11t - 1,5a + 23a - t$$

- a

الكفاية المستهدفة 2

تمرين 1

أكتب ما يلي على شكل جداء:

$$A = 6x + 6y$$

$$B = 2,5ab - 12,5xy$$

$$C = 3a - 3ab + 3abc$$

الكفاية المستهدفة 2

القانون الداخلي لكرة القدم يمنح لكل فريق انتصر خارج ملعبه 3 نقط و في حالة التعادل نقطة واحدة ، و في حالة الهزيمة 0 نقطة

الفريق	عدد الانتصارات داخل الملعب	عدد الانتصارات خارج الملعب	عدد التعادلات	عدد الانهزامات	المجموع
A	11	3	2	1	
B	2	7	5	0	
C	2	5	11	5	
D	7	5	8	3	

1 - أتمم الجدول الآتي:

2 - من الفريق الفائز بالبطولة ؟ علل جوابك