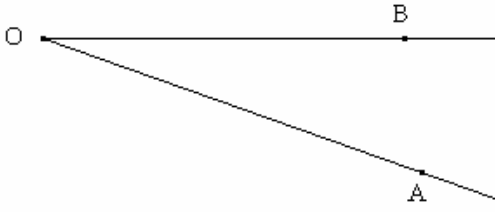


مجموع قياسات زوايا مثلث / مثلثات خاصة

I_ مجموع قياسات زوايا مثلث :

(1) - الزوايا : تعاريف و مفردات :

الشكل جانبه يسمى : زاوية



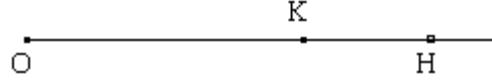
يرمز لهذه الزاوية بالرمز \hat{AOB}

النقطة O تسمى رأس هذه الزاوية .

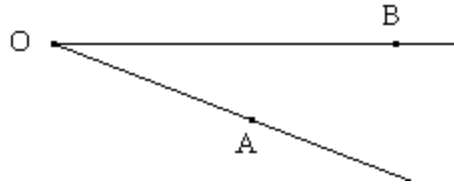
نصفا المستقيم [OA] و [OB] يسميان : ضلعي هذه الزاوية .

✳ زوايا خاصة :

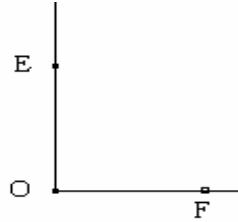
- الزاوية المنعدمة : الزاوية المنعدمة هي زاوية قياسها 0° .



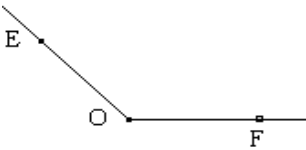
- الزاوية الحادة : الزاوية الحادة هي زاوية قياسها محصور بين 0° و 90° .



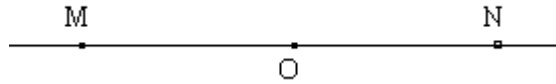
- الزاوية القائمة : الزاوية القائمة هي زاوية قياسها 90° .



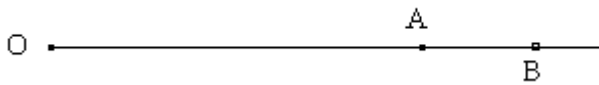
- الزاوية المنفرجة الزاوية المنفرجة هي زاوية قياسها محصور بين 90° و 180° .



- الزاوية المستقيمة : الزاوية المستقيمة هي زاوية قياسها 180°



- الزاوية المليئة : الزاوية المليئة هي زاوية قياسها 360° .



- الزاويتان المتقايستان :

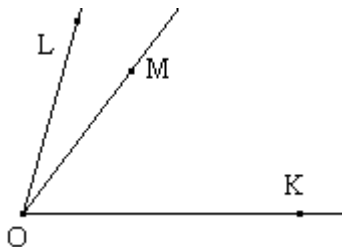
تكون زاويتان متقايستين إذا كان لهما نفس القياس

- الزاويتان المتحاويتان : تكون زاويتان متحاويتين إذا كان :

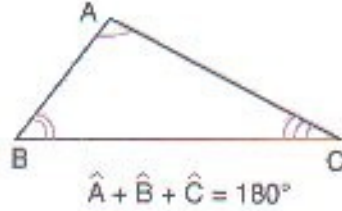
- لهما نفس الرأس .

- لهما ضلع مشترك .

- و يتقاطعان في الضلع المشترك .



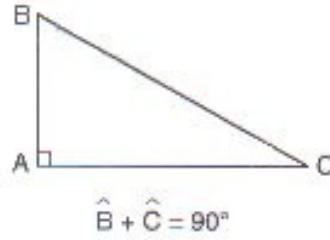
- **الزاويتان المتتامتان :** تكون زاويتان متتامتين إذا كان مجموع قياسهما يساوي 90°
- **الزاويتان المتكاملتان :** تكون زاويتان متكاملتين إذا كان مجموع قياسهما يساوي 180°
- (2) - **مجموع قياسات زوايا مثلث :**
- * **خاصية 1 :** مجموع قياسات زوايا مثلث يساوي 180°



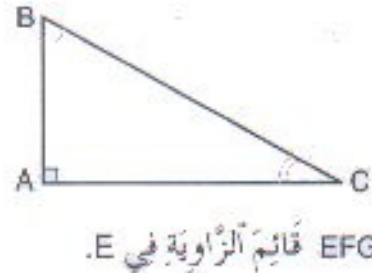
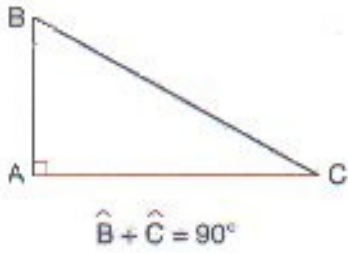
(3) - **مثلثات خاصة :**

- **المثلث القائم الزاوية :**

- * **تعريف 1 :** المثلث القائم الزاوية هو مثلث له زاوية قائمة
- كل مثلث له زاوية قائمة يسمى مثلث قائم الزاوية
- * **مثال :** مثلث ABC قائم الزاوية في A .

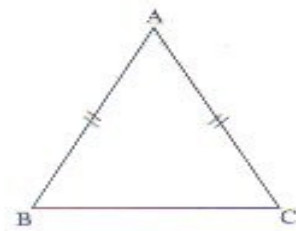
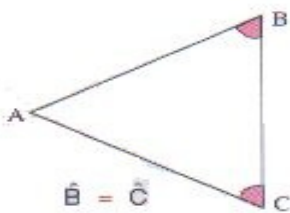


- * **خاصية 2 :** إذا كان مثلث قائم الزاوية فإن زاويتي الحادتين متتامتين
- * **خاصية 3 :** إذا كان لمثلث زاويتان متتامتان فإنه يكون قائم الزاوية



- **المثلث المتساوي الساقين :**

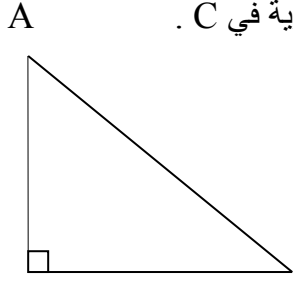
- * **تعريف 2 :** يكون مثلث متساوي الساقين إذا كان له ضلعان متقايسان
- * **خاصية 4 :** إذا كان مثلث متساوي الساقين فإن زاويتي القاعدة متقايسان
- بتعبير آخر : **ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A يعني أن : $\hat{B} = \hat{C}$**
- * **خاصية 5 :** إذا كان لمثلث زاويتان متقايسان فإنه يكون متساوي الساقين



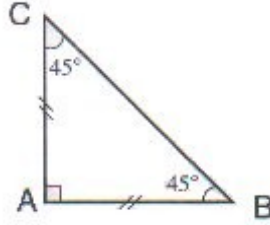
بتعبير آخر : ABC مثلث بحيث $\hat{B} = \hat{C}$ يعني أن : ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A .

- المثلث المتساوي الساقين و القائم الزاوية :

* **تعريف 3 :** المثلث المتساوي الساقين و القائم الزاوية هو مثلث له ضلعان متقايسان و زاوية قائمة * مثال : ABC مثلث متساوي الساقين و قائم الزاوية في C .

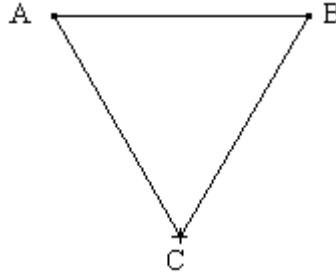


* **خاصية 6 :** إذا كان مثلث متساوي الساقين و قائم الزاوية فإن زاويتي القاعدة متقايسان و قياسهما 45° * مثال : ABC مثلث قائم الزاوية و متساوي الساقين في A إذن : $\hat{ABC} = \hat{ACB} = 45^\circ$

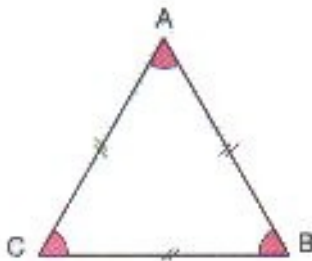


- المثلث المتساوي الأضلاع :

* **تعريف 4 :** المثلث المتساوي الأضلاع هو مثلث جميع أضلاعه متقايسة * مثال : ABC مثلث متساوي الأضلاع .



* **خاصية 7 :** إذا كان مثلث متساوي الأضلاع فإن جميع زواياه متقايسة و قياس كل منها 60° * **خاصية 8 :** إذا كانت زوايا مثلث متقايسة فإنه يكون متساوي الأضلاع



المثلث ABC متساوي الأضلاع :

$$\hat{A} = \hat{B} = \hat{C} = 60^\circ$$